

Exercice 1 : (6 points)

1) Développer et réduire : $A = (x + \frac{1}{3})^3 - (x + \frac{1}{6})^2$

2) Calculer : $B = \sqrt{5 + \sqrt{24}} - \sqrt{8 + \sqrt{60}} + \sqrt{7 - \sqrt{40}}$

3) Factoriser : $C = x^3 + x^2 - 12$

Exercice 2 : (6 points)

Soit x un réel positif telque : $x - \frac{1}{x} = 1$.

1) Calculer $x^2 + \frac{1}{x^2}$ et $x^3 + \frac{1}{x^3}$.

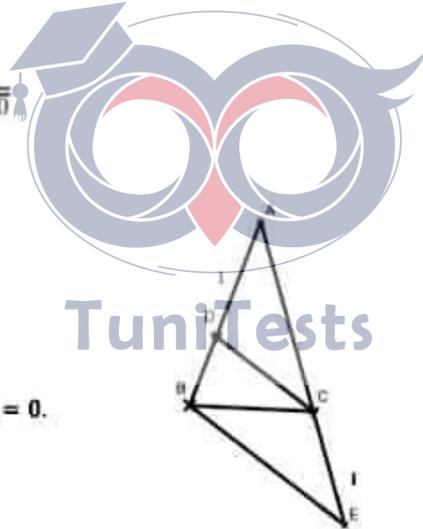
2) a - Montrer que : $x - \frac{1}{x} = 1$ equivant : $x^2 - x - 1 = 0$.

b - Montrer que : $x^2 - x - 1 = (x - \frac{1}{2})^2 - \frac{5}{4}$.

c - Factoriser alors $x^2 - x - 1$. En déduire x .

3) Dans la figure ci-contre $AB=AC$.

$AD=1$; $CE=1$ et $(DC) \parallel (BE)$. Calculer AB



Exercice 3 : (8points)

1) Construire un triangle ABC telque : $AB = 6$; $AC=5$ et $BC=4$

Placer D sur $[AB]$ telque $AD=3.6$ et E sur $[AC]$ telque $AE=3$

a. Montrer que (DE) est parallèle à (BC) .

b. Calculer DE

2) (BE) et (CD) se coupent en O . La parallèle à (BC) passant par O coupe $[AB]$ en I et $[AC]$ en J

a. Montrer que $\frac{1}{OI} = \frac{1}{DE} + \frac{1}{BC}$

b. Montrer que $O=I*J$ et calculer IJ .

3) Soit F la symétrique de O par rapport à E . Les droites (DC) et (AF) sont -ils parallèles ? Justifier par calcul.

4) (OA) coupe (BC) en H . Motrer que $H=B*C$.