

**Exercice 1 : (6 points)**

1) Développer et réduire :  $A = (x + \frac{1}{3})^3 - (x + \frac{1}{6})^2$

2) Calculer :  $B = \sqrt{5 + \sqrt{24}} - \sqrt{8 + \sqrt{60}} + \sqrt{7 - \sqrt{40}}$

3) Factoriser :  $C = x^3 + x^2 - 12$

**Exercice 2 : (6 points)**

Soit  $x$  un réel positif telque :  $x - \frac{1}{x} = 1$ .

1) Calculer  $x^2 + \frac{1}{x^2}$  et  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ .

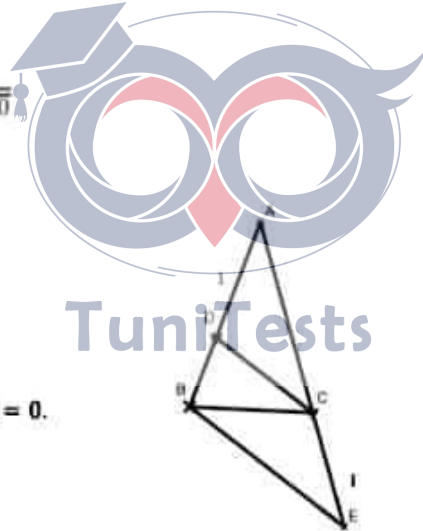
2) a - Montrer que :  $x - \frac{1}{x} = 1$  equivant :  $x^2 - x - 1 = 0$ .

b - Montrer que :  $x^2 - x - 1 = (x - \frac{1}{2})^2 - \frac{5}{4}$ .

c - Factoriser alors  $x^2 - x - 1$ . En déduire  $x$ .

3) Dans la figure ci-contre  $AB=AC$ .

$AD=1$  ;  $CE=1$  et  $(DC) \parallel (BE)$ . Calculer  $AB$



**Exercice 3 : (8points)**

1) Construire un triangle  $ABC$  telque :  $AB = 6$  ;  $AC=5$  et  $BC=4$

Placer  $D$  sur  $[AB]$  telque  $AD=3.6$  et  $E$  sur  $[AC]$  telque  $AE=3$

a. Montrer que  $(DE)$  est parallèle à  $(BC)$ .

b. Calculer  $DE$

2)  $(BE)$  et  $(CD)$  se coupent en  $O$ . La parallèle à  $(BC)$  passant par  $O$  coupe  $[AB]$  en  $I$  et  $[AC]$  en  $J$

a. Montrer que  $\frac{1}{OI} = \frac{1}{DE} + \frac{1}{BC}$

b. Montrer que  $O=I*J$  et calculer  $IJ$ .

3) Soit  $F$  la symétrique de  $O$  par rapport à  $E$ . Les droites  $(DC)$  et  $(AF)$  sont -ils parallèles ? Justifier par calcul.

4)  $(OA)$  coupe  $(BC)$  en  $H$ . Motrer que  $H=B*C$ .