

## فرض مراقبة عدد 1

5 نقاط

تمرين عدد 1

أنقل على ورقة تحريرك السؤال و الإجابة الموافقة له

(1) العدد  $2^{18} + 4^9 + 8^6$  يقبل القسمة على :

(ج) 6 و 12

(ب) 12 و 15

(أ) 6 و 15

(2) عدد  $\sqrt{\frac{50}{18}}$

(ج) كسري غير عشري

(ب) كسري عشري

(أ) أصم

(3) إذا كان  $(O, I, J)$  معيناً في المستوى و  $A(-\sqrt{3}, 6)$  و  $B(\sqrt{3}, -4)$  فإن  $A$  و  $B$  متناظران بالنسبة للنقطة

(ج) J

(ب) I

(أ) O

(4) ليكن  $(O, I, J)$  معيناً متعامداً في المستوى و النقطتان  $A(2; 1)$  و  $B(4; -1)$  . المستقيم  $(AB)$  مواز لـ

(ج)  $(IJ)$

(ب)  $(OI)$

(أ)  $(OJ)$

أجب بصواب أو خطأ

عدد الأعداد الصحيحة الطبيعية ذات ثلاثة أرقام من بين 0 و 1 و 2 و 3 و 4 و 5 و التي تقبل القسمة على 12 و لا تقبل القسمة على 15 هو 10 .....

لتكن  $A$  و  $B$  نقطتان من مستقيم مدرج فاصلتيهما على التوالي  $3 - \sqrt{2}$  و  $\pi - \frac{3}{2}$  .

البعد  $AB$  يساوي  $\pi - \sqrt{2} - \frac{9}{2}$  .....

3 نقاط

تمرين عدد 2

نعتبر العدد  $a = 7 \times 3^{2018} - 27^{673}$

1. بين أن العدد  $a$  يقبل القسمة على 12
2. بين أن العدد  $b = a + 3^{2018}$  يقبل القسمة على 15
3. أوجد باقي قسمة العدد  $c = a + 2018$  على 6

4 نقاط

تمرين عدد 3

تعتبر العبارة  $A = \left| \sqrt{2} - \frac{3}{2} \right| - \left[ \sqrt{\frac{1}{4}} - (-x + \sqrt{2} - 1) \right] + (\sqrt{2} - 2)$  حيث  $x \in \mathbb{R}$

- 1- بين أن  $A = \sqrt{2} - 2 - x$
- 2- أحسب  $A$  في كل من الحالتين : أ.  $x = -3$  ب.  $x = -1 + \sqrt{2}$
- 3- أوجد  $x$  إذا علمت أن  $|A + 1|$  و  $1 - \pi$  متقابلان

8 نقاط

تمرين عدد 4

نعتبر معيناً متعامداً  $(O, I, J)$  من المستوى بحيث  $OI = OJ = 1 \text{ cm}$

1. أ. عين النقاط  $A(3; 4)$  و  $B(4; 1)$  و  $C(1; -2)$
- ب. بين أن المستقيمين  $(BI)$  و  $(CJ)$  متعامدان . لتكن  $H$  نقطة تقاطعهما
- ج. ماهي إحداثيات النقطة  $H$
2. عين النقطة  $M$  منتصف  $[AC]$
- أ. أوجد إحداثيات النقطة  $M$
- ب. بين أن الرباعي  $ABCM$  متوازي أضلاع
- ج. أحسب مساحة متوازي الأضلاع  $ABCM$
3. لتكن  $D$  مناظرة النقطة  $C$  بالنسبة إلى  $J$  .
- أوجد إحداثيات النقطة  $D$  .
4. أوجد إحداثيات كلا من النقاط  $M$  و  $D$  و  $A$  في المعين  $(J; C; B)$

انقل على ورقة تحريرك السؤال و الإجابة الموافقة له

(1) العدد  $2^{18} + 4^9 + 8^6$  يقبل القسمة على :

(ج) 6 و 12

(ب) 12 و 15

(ا) 6 و 15

$$\begin{aligned}
 2^{18} + 4^9 + 8^6 &= 2^{18} + (2^2)^9 + (2^3)^6 \\
 &= 2^{18} + 2^{18} + 2^{18} = 2^{18} \times 3 = 2^{16} \times 2^2 \times 3 \\
 &= 2^{16} \times 4 \times 3 = 2^{16} \times 12
 \end{aligned}$$

(1) ج

(2)  $\sqrt{\frac{50}{18}}$  عند

(ا) اصم

(ج) كسري غير عشري

(ب) كسري عشري

$$\sqrt{\frac{50}{18}} = \sqrt{\frac{25}{9}} = \frac{5}{3}$$

(2) ج

3) إذا كان  $(0,1,I)$  معيناً في المستوى و  $A(-\sqrt{3},6)$  و  $B(\sqrt{3},-4)$  فإن  $A$  و  $B$  متناظران بالنسبة للنقطة

0 (أ)

1 (ب)

2 (ج)

$$\frac{x_A + x_B}{2} = \frac{-\sqrt{3} + \sqrt{3}}{2} = \frac{0}{2} = 0 = x_J$$

$$\frac{y_A + y_B}{2} = \frac{6 + (-4)}{2} = \frac{6-4}{2} = \frac{2}{2} = 1 = y_J$$

$\Leftarrow$   $J$  منتصف  $[AB]$  و منه  $A$  و  $B$  متناظران بالنسبة لـ  $J$ .

3 (ج)

4) ليكن  $(0,1,I)$  معيناً متعامداً في المستوى و النقطتان  $A(2;1)$  و  $B(4;-1)$ . المستقيم  $(AB)$  مواز لـ

1 (أ)

2 (ب)

3 (ج)

$$\Rightarrow x_A \neq x_B \text{ و } y_A \neq y_B \text{ إذن } (AB)$$

موازي  $(OI)$  و  $(OJ)$ . وبالتالي  $(AB) \parallel (IJ)$

4 (د)

لتكن A و B نقطتان من مستقيم مدرج فاصلتيهما على التوالي  $\sqrt{2} - 3$  و  $\frac{3}{2} - \pi$ .

البعد AB يساوي  $\frac{9}{2} - \sqrt{2} - \pi$  ..... خطأ

$$\begin{aligned} AB &= |x_B - x_A| = \left| \frac{3}{2} - \pi - (\sqrt{2} - 3) \right| \\ &= \left| \frac{3}{2} - \pi - \sqrt{2} + 3 \right| = \left| \frac{3}{2} + \frac{6}{2} - (\pi + \sqrt{2}) \right| \\ &= \left| \frac{9}{2} - (\pi + \sqrt{2}) \right| = \pi + \sqrt{2} - \frac{9}{2} \end{aligned}$$

نعتبر العدد  $a = 7 \times 3^{2018} - 27^{673}$

1. بين أن العدد  $a$  يقبل القسمة على 12

$$\begin{aligned}
 a &= 7 \times 3^{2018} - 27^{673} \\
 &= 7 \times 3^{2018} - (3^3)^{673} = 7 \times 3^{2018} - 3^{2019} \\
 &= 7 \times 3^{2018} - 3^{2018} \times 3 = 3^{2018} \times (7 - 3) \\
 &= 3^{2018} \times 4 = 3^{2017} \times 3 \times 4 = 3^{2017} \times 12
 \end{aligned}$$

إذن العدد  $a$  يقبل القسمة على 12

2. بين أن العدد  $b = a + 3^{2018}$  يقبل القسمة على 15

$$\begin{aligned}
 b &= a + 3^{2018} = 3^{2017} \times 12 + 3^{2018} \\
 &= 3^{2017} \times 12 + 3^{2017} \times 3 = 3^{2017} \times (12 + 3)
 \end{aligned}$$

$$= 3^{2017} \times 15$$

ءادن العدد با يقبل القسمة على 15 .

3. اوجد باقى قسمة العدد  $c = a + 2018$  على 6

$$C = a + 2018 = 3^{2017} \times 12 + 2018$$

$$= 6 \times 3^{2017} \times 2 + 6 \times 336 + 2$$

$$= 6 \times (3^{2017} \times 2 + 336) + 2$$

ءادن باقى قسمة  $c$  على 6 يساوى **2**

تمرين عدد 3

نعتبر العبارة  $A = \left| \sqrt{2} - \frac{3}{2} \right| - \left[ \sqrt{\frac{1}{4}} - (-x + \sqrt{2} - 1) \right] + (\sqrt{2} - 2)$  حيث  $x \in \mathbb{R}$

1- بين ان  $A = \sqrt{2} - 2 - x$

$$\begin{aligned} A &= \left| \sqrt{2} - \frac{3}{2} \right| - \left[ \sqrt{\frac{1}{4}} - (-x + \sqrt{2} - 1) \right] + (\sqrt{2} - 2) \\ &= \frac{3}{2} - \sqrt{2} - \left[ \frac{1}{2} + x - \sqrt{2} + 1 \right] + \sqrt{2} - 2 \\ &= \frac{3}{2} - \cancel{\sqrt{2}} - \frac{1}{2} - x + \cancel{\sqrt{2}} - 1 + \sqrt{2} - 2 \\ &= \sqrt{2} + 1 - 1 - 2 - x = \sqrt{2} - 2 - x \end{aligned}$$

ب.  $x = -1 + \sqrt{2}$

2- احسب A في كل من الحالتين : ا.  $x = -3$

في حالة  $x = -3$

$$\begin{aligned} A &= \sqrt{2} - 2 - x = \sqrt{2} - 2 - (-3) \\ &= \sqrt{2} - 2 + 3 = \sqrt{2} + 1 \end{aligned}$$



في حالة  $x = -1 + \sqrt{2}$

$$A = \sqrt{2} - 2 - x = \sqrt{2} - 2 - (-1 + \sqrt{2})$$

$$= \sqrt{2} - 2 + 1 - \sqrt{2} = -1$$

3- اوجد  $x$  إذا علمت ان  $|A+1|$  و  $1-\pi$  متقابلان

$$|A+1| \text{ و } 1-\pi \text{ متقابلان يعني } 1-\pi + |A+1| = 0$$

$$1-\pi + |\sqrt{2} - 2 - x| = 0 \quad \text{يعني}$$

$$|\sqrt{2} - 2 - x| = \pi - 1 \quad \text{يعني}$$

$$\sqrt{2} - 2 - x = 1 - \pi \quad \text{أو} \quad \sqrt{2} - 2 - x = \pi - 1 \quad \text{يعني}$$

$$-x = 1 - \pi - \sqrt{2} + 2 \quad \text{أو} \quad -x = \pi - 1 - \sqrt{2} + 2 \quad \text{يعني}$$

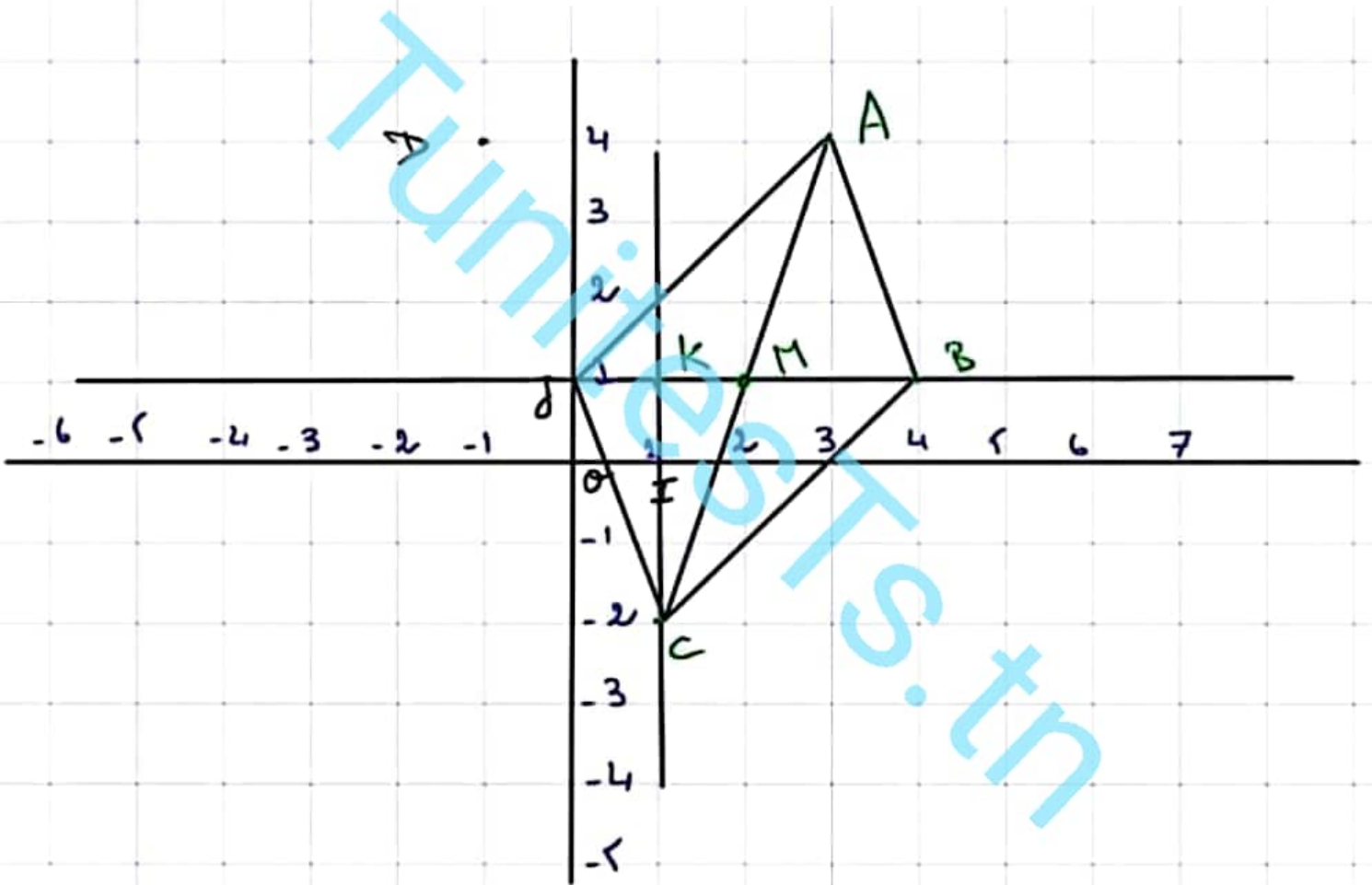
$$x = -1 + \pi + \sqrt{2} - 2 \quad \text{أو} \quad x = -\pi + 1 + \sqrt{2} - 2 \quad \text{يعني}$$

$$x = -3 + \pi + \sqrt{2} \quad \text{أو} \quad x = -\pi - 1 + \sqrt{2} \quad \text{يعني}$$

تمرین عدد 4

نعتبر معینا متعامدا (O,I,J) من المستوى بحيث  $OI = OJ = 1\text{cm}$

1. ا. عين النقاط  $A(3;4)$  و  $B(4;1)$  و  $C(1;-2)$



ب. بين ان المستقيمين (CI) و (BJ) متعامدان .

لنا  $(OI) \perp (OJ)$  و  $(CI) \parallel (OJ)$  (لأن  $x_I = x_C$ )

فأذن  $(CI) \perp (OI)$

لنا  $(OJ) \parallel (BI)$  (لأن  $y_B = y_J$ )

وإذن  $(BI) \perp (BJ)$ .

. لتكن H نقطة تقاطعهما

ج. ماهي إحداثيات النقطة H

لنا  $K \in (BJ)$  و  $(OJ) \parallel (BI)$ ، إذن  $y_K = y_B = 1$

لنا  $K \in (CI)$  و  $(OI) \parallel (CJ)$ ، إذن  $x_K = x_C = 1$

وإذن  $K(1; 1)$

2. عين النقطة M منتصف [AC]

أ. أوجد إحداثيات النقطة M

M منتصف [AC] لعي

$$y_M = \frac{y_A + y_C}{2} \quad \text{و} \quad x_M = \frac{x_A + x_C}{2}$$

$$y_M = \frac{4 + (-2)}{2} \quad \text{و} \quad x_M = \frac{3 + 1}{2} \quad \text{كوفي}$$

$$y_M = 1 \quad \text{و} \quad x_M = 2 \quad \text{يعني}$$

$$M(2, 1)$$

ب. بين ان الرباعي ABCJ متوازي اضلاع

$$\frac{x_B + x_J}{2} = \frac{4 + 0}{2} = 2 = x_M$$

$$\frac{y_B + y_J}{2} = \frac{1 + 2}{2} = 1 = y_M$$

دادن M منتصف [BJ]

فان الرباعي ABCJ لانه M منتصف [AC] و [BJ]

دادن ABCJ متوازي اضلاع

ج. احسب مساحة متوازي الاضلاع ABCJ

$$S_{ABCJ} = S_{BJC} \times 2 = \frac{BJ \times CK}{2} \times 2$$

$$= BJ \times CK = |x_J - x_B| \times 0I \times |y_K - y_C| \times 0J$$

$$= |0 - 4| \times 1 \times |1 - (-2)| \times 1$$

$$= 4 \times 2 = 8 \text{ cm}^2$$

3. لتكن D منظره النقطة C بالنسبة إلى J .

اوجد إحداثيات النقطة D .

D منظره جرة C بالنسبة لـ J لعين ج منتصف [JC]

$$y_J = \frac{y_D + y_C}{2} \quad \text{و} \quad x_J = \frac{x_D + x_C}{2} \quad \text{لعين}$$

$$y_D = 2y_J - y_C \quad \text{و} \quad x_D = 2x_J - x_C \quad \text{لعين}$$

$$y_D = 2 \times 1 + 2 \quad \text{و} \quad x_D = 2 \times 0 - 1 \quad \text{لعين}$$

لَعِينِ  $x_D = -1$  و  $J_D = 4$

$$D(-1; 4)$$

4. أوجد إحداثيات كلا من النقاط  $M$  و  $D$  و  $A$  في المعين  $(J; C; B)$

في المعين  $(J; C; B)$  لنا  $M(0; \frac{1}{2})$

و  $D(-1; 0)$  و  $A(-1; 1)$ .