

سلسلة تمارين في الرياضيات ع ٣ دد



تمرين عدد 4

نعتبر العددين الحقيقيين E و F حيث $E = -1 + \sqrt{2}(2\sqrt{2}+1) - (\sqrt{2}-2)(1+\sqrt{2})$

$$F = 3 + \sqrt{98} - \sqrt{32} - \sqrt{50}$$

$$(1) \text{ بين أن } E = 3 + 2\sqrt{2} \text{ و } F = 3 - 2\sqrt{2}$$

$$(2) \text{ بين أن العددين } E \text{ و } F \text{ مقلوبان.}$$

$$(3) \text{ استنتج اختصارا للعبارة } \frac{3}{F} - \frac{4}{E}$$

تمرين عدد 5

لتكن العبارة $A = (4-x)(3+2x) + 7x - 28$ حيث x عدد حقيقي.

$$(1) \text{ بين أن } A = 2(4-x)(x-2)$$

$$(2) \text{ احسب العبارة } A \text{ في كل من الحالتين}$$

$$x = 1 + \sqrt{3} \text{ و } x = 0$$

$$(3) \text{ أوجد } x \text{ في حالة } A \text{ و } x\sqrt{2} - \sqrt{8} \text{ متقابلان.}$$

تمرين عدد 6

نعتبر العددين الحقيقيين

$$a = 2\sqrt{3}(2 + \sqrt{3}) - (1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2})$$

$$b = 9 - (5 + \sqrt{3}) - [1 - (4 - 3\sqrt{3})]$$

$$(1) \text{ بين أن } b = 7 - 4\sqrt{3} \text{ و } a = 7 + 4\sqrt{3}$$

$$(2) \text{ بين أن العددين } a \text{ و } b \text{ مقلوبان.}$$

$$(3) \text{ استنتاج حساب للعبارة } a(b + \sqrt{3}) - 1$$

تمرين عدد 7

ليكن (O, I, J) معينا متعامدا للمستوى بحيث $OI = 1cm$ و $OJ = 1cm$ و النقاط $A(0; 2)$ و $B(2; -2)$ و $C(-2; -2)$.

$$(1) \text{ احسب إحداثيات النقطة } G \text{ منتصف القطعة } [AC]$$

$$(2) \text{ بين أن النقطتين } B \text{ و } C \text{ متاظرتان بالنسبة إلى المستقيم } (OJ).$$

$$(3) \text{ بين أن المثلث } ABC \text{ متوازي الأضلاع.}$$

$$(4) \text{ احسب إحداثيات النقطة بحيث يكون الرباعي } ABCD \text{ متوازي الأضلاع.}$$

$$(5) \text{ لتكن النقطة } E \text{ مسقط } B \text{ على } (AD) \text{ وفقا لمنحى } (AC).$$

$$(أ) \text{ بين أن } E \text{ لها نفس ترتيبة } A \text{ و } D.$$

$$(ب) \text{ بين أن النقطة } A \text{ منتصف } [ED] \text{ ثم استنتاج إحداثيات النقطة } E.$$

يلي كل سؤال ثلث إجابات إحداها فقط صحيحة. ضع العلامة \times في مربع الإجابة الصحيحة :

$$(1) \text{ العدد } \frac{\sqrt{20}}{2} \text{ يساوي:}$$

$$\sqrt{10} \square \quad \sqrt{5} \square \quad 2\sqrt{5} \square$$

$$(2) \text{ العدد } \frac{\sqrt{8} - \sqrt{2}}{\sqrt{2}} \text{ يساوي:}$$

$$\text{مقلوب العدد } \sqrt{3} - \sqrt{2} \text{ هو:}$$

$$-\sqrt{2} + \sqrt{3} \square \quad \sqrt{2} + \sqrt{3} \square \quad -\sqrt{2} - \sqrt{3} \square$$

$$(4) \text{ القيمة المطلقة للعدد } 2 - \sqrt{3} \text{ تساوي:}$$

$$-\sqrt{3} + 2 \square \quad \sqrt{3} + 2 \square \quad \sqrt{3} - 2 \square$$

$$(5) \text{ عدد حقيقي سالب. العبارة } a \text{ تساوي:}$$

$$2a \square \quad -2a \square \quad 4a \square$$

$$(6) \text{ إذا كان } b = 3\sqrt{2} - 4 \text{ و } a = 3\sqrt{2} + 4 \text{ فإن:}$$

$$b \square \quad a \square \quad a \square \quad b \square \quad \text{و } a \square \text{ و } b \square \text{ متقابلان}$$

$$\text{مقلوبان}$$

تمرين عدد 2

نعتبر العددين الحقيقيين A و B حيث

$$A = \sqrt{45} - \sqrt{125} + 3\sqrt{20} + \sqrt{81}$$

$$B = 1 - 2\sqrt{2}(3 - 2\sqrt{2}) - 2(2\sqrt{5} - 3\sqrt{2})$$

$$(1) \text{ بين أن } B = 9 - 4\sqrt{5} \text{ و } A = 9 + 4\sqrt{5}$$

$$(2) \text{ احسب } A + B \text{ و } A - B.$$

$$(3) \text{ بين أن العددين } A \text{ و } B \text{ مقلوبان.}$$

$$(ب) \text{ استنتاج علامة العدد } B.$$

$$(4) \text{ نعتبر العدد } C = 4\sqrt{15} - 9\sqrt{3}$$

$$(أ) \text{ بين أن } C = -B\sqrt{3}$$

$$(ب) \text{ استنتاج أن } \frac{1}{A} + \frac{C}{B} + \sqrt{3} + 4\sqrt{5} \text{ عدد صحيح طبيعي.}$$

تمرين عدد 3

لتكن العبارتين $a = \sqrt{2} - 3 - [-(5 - 3\sqrt{2}) - 1]$

$$b = 3\sqrt{2}(1 + \sqrt{2}) - 3 - \sqrt{2}$$

$$(1) \text{ بين أن } b = 3 + 2\sqrt{2} \text{ و } a = -2\sqrt{2} + 3$$

$$(2) \text{ بين أن العددين } a \text{ و } b \text{ مقلوبان.}$$

$$(3) \text{ احسب } |\sqrt{2} - 5ab|.$$

$$(4) \text{ أثبت أن } \frac{5}{b} - \frac{3}{a} + 4\sqrt{32} - 14 \text{ عدد صحيح نسبي.}$$