

الإسم ..... اللقب ..... القسم 1.9 ..... الرقم .....

التصويرون 1 ..... (2 نقاط)

ييلي كل سؤال ثلاث مقترحات، أخذها فقط صحيح، ضع علامة x أمامه.  
(1) العدد  $9^8 + 3^{15}$  يقبل القسمة على:  8  15  12  4

(2) نعتبر المجموعتين  $A = \{0; \sqrt{\frac{63}{112}}; 3,14; \sqrt{5}; 4,27; -\sqrt{2}\}$  و  $B = A \cap \mathbb{Q}$ . (إن كم B يساوي  3  2  4  3

التصويرون 2 ..... (4 نقاط)

(1) بالاعتماد على شجرة الاختيار، بكم من طريقة يمكن لـ 5 تلاميذ: 3 اولاد:  $g_1; g_2; g_3$  و 2 فتيات:  $f_1; f_2$  ان يصطفوا أمام امتناهم بحيث تلميذان من نفس الجنس لا يكونا متتاليان.



(2) استنتج هؤلاء التلاميذ الجالسين حول الطاولة مستديرة (أماكنها غير مرقمة) بحيث ولدان فقط يجلسان بجانب بعضهما. بكم من طريقة يمكن ان يجلسوا.

التصويرون 3 ..... (6 نقاط)

نعتبر العددين:  $a = \sqrt{\frac{7}{3} + 2\sqrt{2}} - \left[ -\sqrt{(-3)^2} - \left( \sqrt{2} - \frac{11}{3} \right) \right]$  و  $m = \sqrt{2} \left( \frac{5}{4}\sqrt{2} - 1 \right) - \sqrt{2} - 2$

- (1) بين أن:  $a = -3 - \sqrt{2}$ .
- (2) بين أن m عدد عشري نسبي.
- (3) ليكن  $\Delta$  مستقيم مدرج بمعين (O; I) حيث  $OI = 2cm$  و  $A(a)$  و  $M(m)$ .  
 أ- عين على  $\Delta$  النقطتين A و M.  
 ب- لتكن E من (OA) بحيث  $ME = \frac{13}{2}$ . بين أن:  $AE = 3 - \sqrt{2}$ .

التصويرون 4 ..... (8 نقاط)

- في الشكل المصاحب: (O; I; J) معين للمستوي حيث  $(OA) \perp (OI)$ .
- (1) ماهي إحداثيات A و C و D و E.
  - (2) أ- عين  $B \left( 3; -\frac{5}{2} \right)$ .  
 ب- بين أن I منتصف [AB].
  - (3) أ- عين F مسقط B على (IE) وبقالمحى (AE).  
 ب- أثبت تقايس المثلثين AIE و BIF.  
 ج- استنتج أن:  $F(2; -5)$ .
  - (4) عين K مركز الرباعي OCFD. (EK) يقطع (OI) في M و (DM) يقطع (EC) في P.  
 بين أن: OAP مثلث قائم.

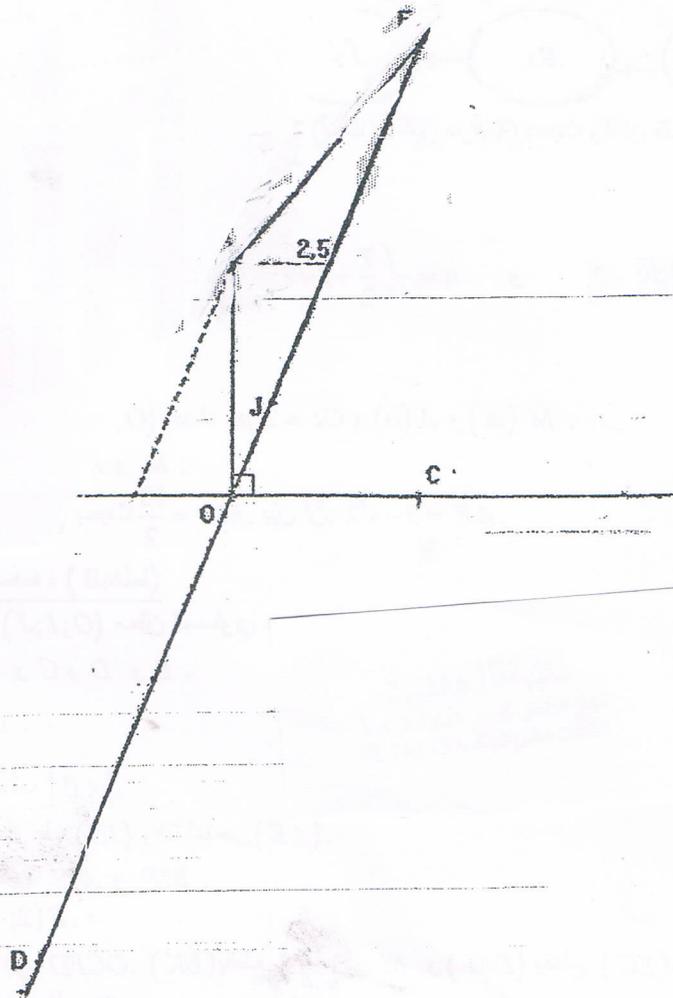


2



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا



الإعدادية الصفوف حيث يوافق

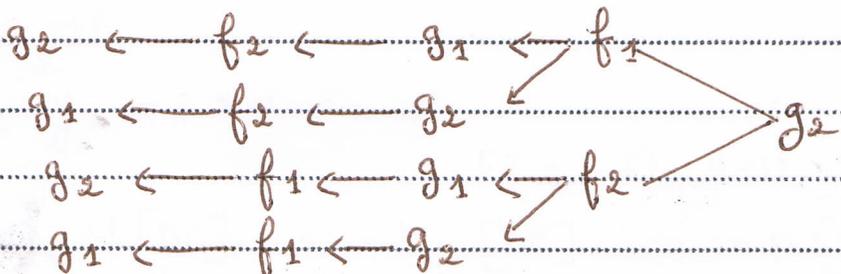
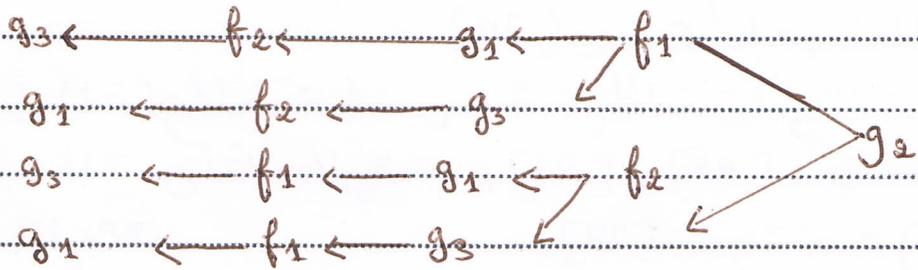
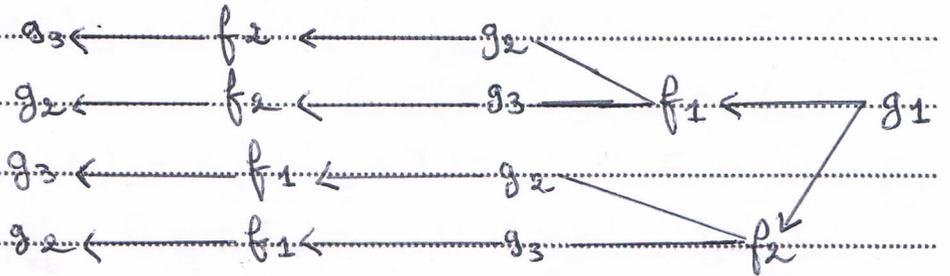
فرض مراقبة عدد 1

التصويت عدد 1

(1) □ □ □ (2) □ □ □

التصويت عدد 1 (1) التلاميذ

الأستاذ  
الأول الثاني الثالث الرابع الخامس

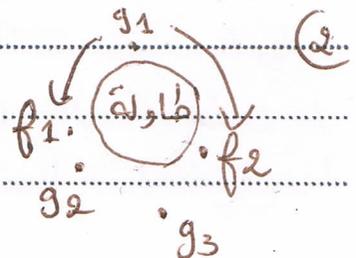


عدد الطرق التي يمكن للتلاميذ أن يظهروا أمام أستاذهم بحيث

تلميذان من نفس الجنس لا يكونا متتاليين هو 12

عدد طرق الجلوس بالكيفية المتساوية

في المثال هو 6



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

$$A(1; 2,5); C(1,5; 0); D(0; -5); E(0,5)$$

$$B(3; -\frac{5}{2}) \quad (1) (2)$$

ب) لدينا  $A(1; \frac{5}{2})$  و  $B(3; -\frac{5}{2})$

$$x_A - x_B = 3 + (-1) = 2 = x_I$$

$$\frac{y_A + y_B}{2} = \frac{2 + (-\frac{5}{2})}{2} = 0 = y_I$$

اذن I منتصف [AB]

(3) F مسقط B على (IE) وبقا الميزاجي (AE) اذن

$$F \in (IE) \text{ و } (AE) \parallel (BF)$$

ب) مناظرة E بالنسبة ل I هي نقطة من (IE)

ونعلم ان مناظرة A بالنسبة ل I هي B ومناظرة (AE) بالنسبة ل I

هو مستقيم يمر من B وموازي ل (AE) اذن مناظرة (AE) بالنسبة ل I هو (BF)

النسبة ل I هو (BF)

نتنتج ان مناظرة E هي نقطة تقاطع (IE) و (BF) يعني I F

منتصف [AB] و [EF] وبالتالي المثلثان AIE و BIF متقابلان

$$x_I = \frac{x_E + x_F}{2}$$

(4) I منتصف [EF]

$$x_F = 2x_I - x_E = 2 \times 1 - 0 = 2$$

$$y_I = \frac{y_E + y_F}{2}$$

$$y_F = 2y_I - y_E = 2 \times 0 - 5 = -5$$

وبالتالي  $F(2, -5)$

(5) منتصف [DE] و K منتصف [DC] اذن (OK) // (CP)

K منتصف [OF] اذن  $K(1; -\frac{5}{2})$  ونعلم ان  $A(-1; \frac{5}{2})$  اذن

(6) منتصف [AK] و منه (OA) // (CP)

في المثلث DCE لدينا [OE] هو متوسط و [EK] هو متوسط و (OE) و (EK)

اذن (OI) تقاطع (EK) هو المركز القائم للمثلث DCE اي M هو

المركز القائم للمثلث DCE



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

(DM) يتقاطع [EC] في P من P من [EC] إذن

$$P \left( \frac{3}{4}, \frac{5}{2} \right)$$

P و A هما نفس القرنيبتين  $y_A = y_P = \frac{5}{2}$  إذن  
 (AP) // (OI) و (OA)  $\perp$  (OI) إذن (OA)  $\perp$  (AP) وبالتالي

OAP قائم في A

التعريف عدد 3

$$a = -\left(\frac{7}{3} + 2\sqrt{2}\right) \left[ -\sqrt{(3)^2} - \left(\sqrt{2} - \frac{11}{3}\right) \right] \quad (1)$$

$$= -\frac{7}{3} - 2\sqrt{2} \left[ 3 - \sqrt{2} + \frac{11}{3} \right]$$

$$= -\frac{7}{3} - 2\sqrt{2} + 3 + \sqrt{2} - \frac{11}{3}$$

$$= -\frac{7}{3} - \frac{11}{3} + 3 - 2\sqrt{2} + \sqrt{2}$$

$$= -\frac{18}{3} + 3 - \sqrt{2} = -6 + 3 - \sqrt{2} = -3 - \sqrt{2}$$

$$m = \sqrt{2} \left( \frac{5\sqrt{2}}{4} - 1 \right) - |\sqrt{2} - 2|$$

$$= \frac{5}{4} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} - \sqrt{2} - (2 - \sqrt{2})$$

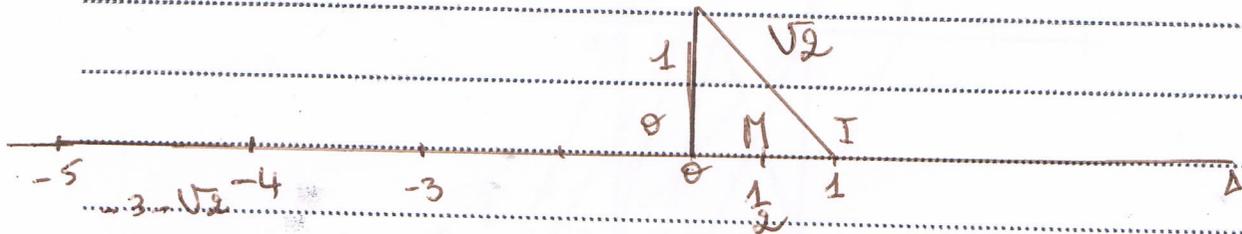
$$= \frac{5}{4} \times 2 - \sqrt{2} - 2 + \sqrt{2} = \frac{5}{2} - 2 = \frac{5}{2} - \frac{4}{2} = \frac{1}{2} = 0,5 \in \mathbb{D}$$

إذن m عدد عشري نسبي



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا



(ب) E نقطة من (OA) إذن  $x_E < 0$

$$ME = |x_E - x_M| = \left| x_E - \frac{1}{2} \right| = \frac{13}{2}$$

$$x_E - \frac{1}{2} = \frac{13}{2} \quad \text{أو} \quad x_E - \frac{1}{2} = -\frac{13}{2}$$

$$x_E = \frac{13}{2} + \frac{1}{2} = \frac{14}{2} = 7 \quad \text{أو} \quad x_E = -\frac{13}{2} + \frac{1}{2} = \frac{-12}{2} = -6 < 0$$

$x_E < 0$  لا يمكن لأن

وبالتالي

وبالتالي  $x_E = 6$



الإسم: ..... اللقب: ..... القسم: ..... الرقم: .....

## التمرين 1 (4 نقاط)

يلي كل سؤال ثلاث مقترحات، أذكرها فقط صحيح، ضع علامة  $\times$  أمامه.(1) العدد  $\frac{38}{11}$  : أكبر من 3,45  أصغر من 3,45  مساوٍ لـ 3,45 

(2) العدد الذي رتبته 2014 بعد الفاصل في الكتابة العشرية الدورية للعدد 2,0104 هو:

1  0  4  4 (3) إذا كان  $(O; I; J)$  معينًا متعامدًا في المستوي و  $A(1-\sqrt{2}; 2)$  فإن إحداثيات منظر  $A$  بالنسبة إلى  $(OJ)$  هو الزوج: $(\sqrt{2}-1; 2)$    $(1-\sqrt{2}; -2)$    $(1-\sqrt{2}; 2)$  

(4) عدد الأعداد المتكونة من 3 أرقام مختلفة باستعمال 0 و 2 و 4 و 5 وقابل القسمة على 15 يساوي:

5  6  7 

## التمرين 2 (3 نقاط)

ليكن العدد  $x = a3b7$  حيث  $b$  رقم عشراته و  $a$  رقم الآف.(1) أوجد جميع قيم  $x$  ليكون  $x-1$  قابلاً للقسمة على 8 و 12.(2) استنتج جميع قيم  $x$  التي باقى قسمتها الإقليدية على 8 و 9 و 12 يساوي 1.

## التمرين 3 (6 نقاط)

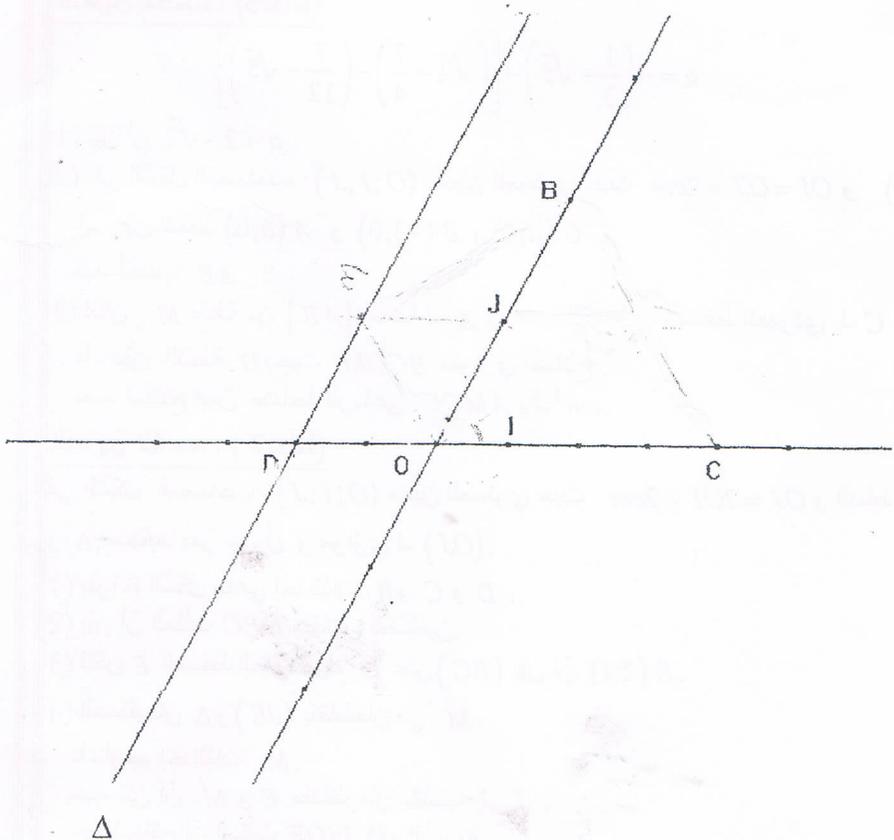
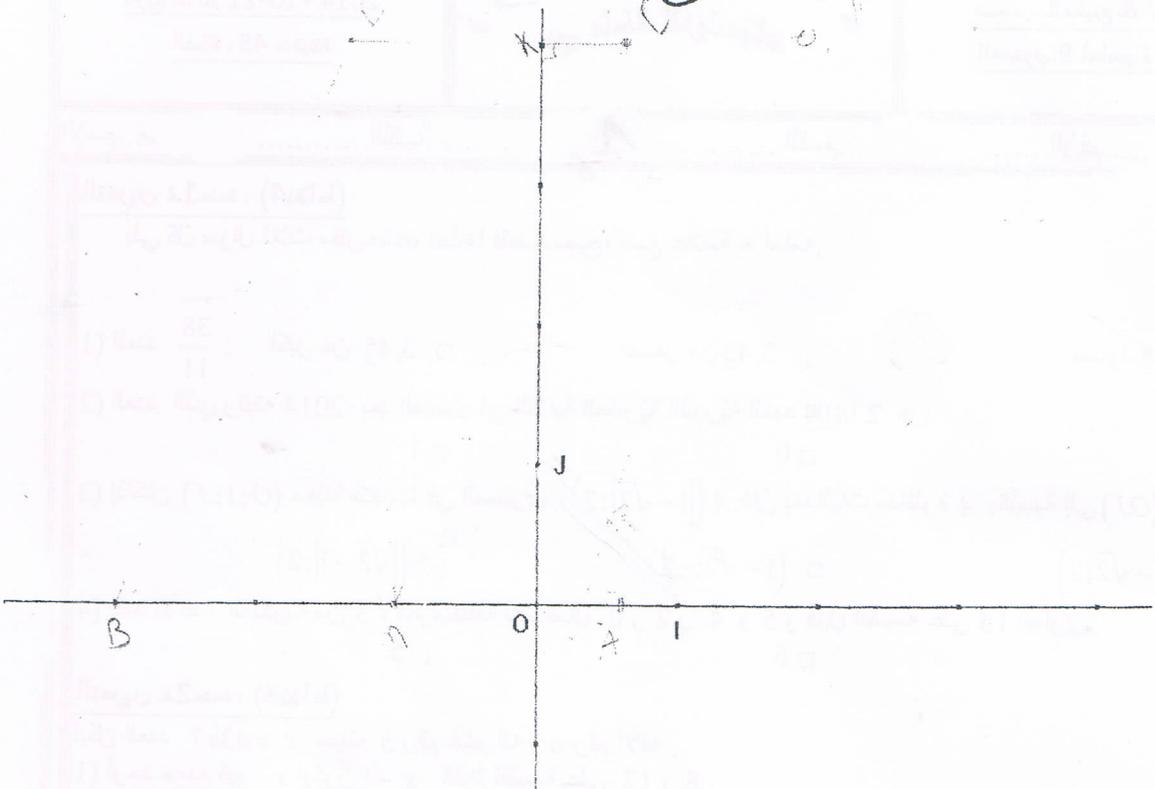
$$a = -\left(\frac{1}{3} - \sqrt{5}\right) - \left[\left(\sqrt{2} - \frac{7}{4}\right) - \left(\frac{7}{12} - \sqrt{5}\right)\right]$$

(1) بين أن  $a = 2 - \sqrt{2}$ (2) في الشكل المصاحب:  $(O; I; J)$  معين للمستوي حيث  $OI = OJ = 2cm$  و  $(OI) \perp (OJ)$ .أ- عين النقاط  $A(a; 0)$  و  $B(-3; 0)$  و  $C(a; 4)$ .ب- أحسب  $AB$ .(3) لتكن  $M$  نقطة من  $[AB]$  مخالفة لـ  $A$  و  $B$  وتكن  $K$  المسقط العمودي لـ  $C$  على  $(OJ)$ .أ- عين النقطة  $D$  بحيث  $BCDM$  متوازي أضلاع.ب- استنتج قياس مساحة الرباعي  $AMCD$  بالـ  $cm^2$ .

## التمرين 4 (7 نقاط)

في الشكل المصاحب:  $(O; I; J)$  معين للمستوي حيث  $OJ = 2OI = 2cm$  و النقاط  $B$  و  $C$  و  $D$ .و  $\Delta$  مستقيماً يمر من  $D$  و موازٍ لـ  $(OJ)$ .(1) بقراءة الشكل ماهي إحداثيات  $B$  و  $C$  و  $D$ .(2) بين أن المثلث  $OBC$  متقايس الضلعين.(3) لتكن  $E$  المسقط العمودي لـ  $O$  على  $(BC)$  بين أن  $E(2; 1)$ .(4) المستقيمان  $\Delta$  و  $(JE)$  يتقاطعان في  $M$ .أ- أوجد إحداثيات  $M$ .ب- بين أن  $M$  و  $E$  متناظران بالنسبة إلى  $J$ .ج- استنتج أن المثلث  $MOE$  قائم الزاوية.

2



وأساسي

المدرسة الإعدادية النموذجية مفاقيس

فرض مراقبة عدد 1

التقرين عدد 1

□ □ □ (1)   □ □ □ (2)   □ □ □ (3)   □ □ □ (4)

التقرين عدد 2

$$x = a \times 1000 + 3 \times 100 + b \times 10 + 7 \tag{1}$$

$$x - 1 = a \times 1000 + 3 \times 100 + b \times 10 + 6 = a \times 8 \times 125 + 8b + 8 \times 38 + 2b + 2 \in M_8$$

$0 \leq b \leq 9$  و  $b \in \mathbb{N}$  ونعلم أن  $2b + 2 \in M_8$  يعني

كذا  $b = 7$  و  $b = 3$

\* كما إذا كان  $b = 3$  فإن  $x - 1 = a \times 1000 + 3 \times 100 + 3 \times 10 + 6 \in M_{12}$

$x - 1 = a \times 12 \times 83 + 4a + 12 \times 28 \in M_{12}$  يعني

$0 \leq a \leq 9$  و  $a \in \mathbb{N}$  ونعلم أن  $4a \in M_{12}$  يعني

كذلك  $a = 0$  أو  $a = 3$  أو  $a = 6$  أو  $a = 9$

$$x \in \{9337, 6337, 3337, 0337\}$$

كذلك إذا كان  $b = 7$  فإن  $x - 1 = a \times 1000 + 3 \times 100 + 7 \times 10 + 6 \in M_{12}$

$x - 1 = a \times 12 \times 83 + 31 \times 12 + 4a + 4 \in M_{12}$  يعني

كذلك  $a = 2$  أو  $a = 5$  أو  $a = 8$

$$x \in \{8377, 5377, 2377\}$$

$A = \{9337, 6337, 3337, 0337, 8377, 5377, 2377\}$  جميع قيم  $x$  هي

(2) عدد طبيعي باقي قسمته الاقليدية على 8 و 9 و 12 يساوي 1

كذلك  $x - 1$  قابل القسمة على 8 و 12 كذا  $x \in A$

وبما أن  $x - 1$  قابل القسمة على 9 فإن جميع قيم  $x$  هي

$$B = \{6337, 2377\}$$

التقرين عدد 3

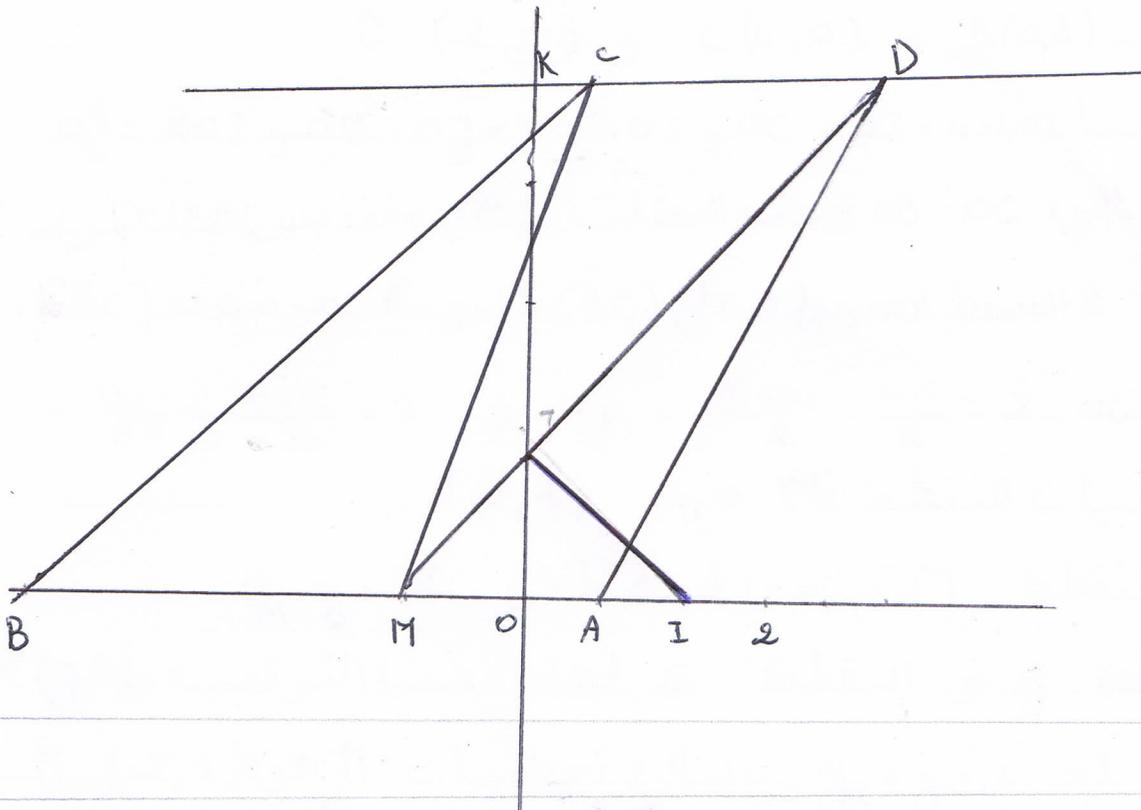
$$a = -\left(\frac{1}{3} - \sqrt{5}\right) - \left[\left(\sqrt{2} - \frac{7}{4}\right) - \left(\frac{7}{4} - \sqrt{5}\right)\right] \tag{1}$$

$$a = -\frac{1}{3} + \sqrt{5} - \left(\sqrt{2} - \frac{7}{4}\right) + \left(\frac{7}{4} - \sqrt{5}\right)$$

$$a = -\frac{1}{3} + \sqrt{5} - \sqrt{2} + \frac{7}{4} + \frac{7}{4} - \sqrt{5}$$

$$a = \frac{-4 + 7 + 7}{12} - \sqrt{2}$$

$$a = 2 - \sqrt{2}$$



$A(a,0) \in (OI)$  و  $B(-3,0) \in (OI)$

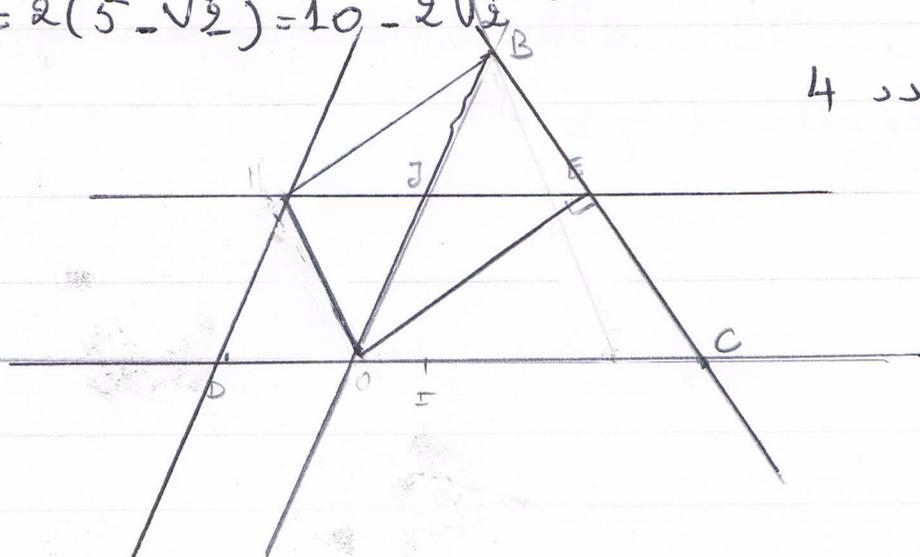
$$AB = |a - (-3)| = |2 - \sqrt{2} + 3| = |5 - \sqrt{2}| = 5 - \sqrt{2} \quad \text{بأذن}$$

(3)  $AM \parallel CD$  بأذن  $AMCD$  هو شبه منحرف

$$S = \frac{(AM + CD) \times OK}{2} = \frac{AM + MB}{2} \times OK = \frac{AB \times OK}{2} = \frac{4}{2} (5 - \sqrt{2})$$

$$S = 2(5 - \sqrt{2}) = 10 - 2\sqrt{2}$$

التقريب عدد 4



الإعدادية النموذجية بجفafs

(1)  $B(0,2)$  و  $C(4,0)$  و  $D(-2,0)$

(2) لدينا  $OB = 2OI$  و  $OC = 4OI$  و  $OB = OC$  وبالتالي  $OBC$  متقايس الضلعين

(3)  $E$  المسقط العمودي  $O$  على  $(BC)$  لاذن  $E$  هو منتصف  $[BC]$

ومنه  $x_E = \frac{x_B + x_C}{2} = \frac{4+0}{2} = 2$  و  $y_E = \frac{0+2}{2} = 1$

احداثيات النقطة  $E$  هي  $E(2,1)$

(4) النقطة  $M$  تنتمي لـ  $\Delta$  لاذن  $x_M = x_D = -2$

النقطة  $J$  و النقطة  $E$  لهما نفس الترتيب و  $J \in ME$

لاذن  $y_J = y_E = 1$  وبالتالي احداثيات  $M$  هي  $M(-2,1)$

(ب)  $(x_E + x_M)/2 = 0$  و  $(y_E + y_M)/2 = 1$

لاذن  $J$  منتصف  $[ME]$  ومنه  $M$  و  $E$  متناظرتان بالنسبة

(ج)  $J$  منتصف  $[OB]$  و  $[EM]$  لاذن  $OEFM$  هو متوازي أضلاع

ونعلم أن  $\hat{OEB} = 90^\circ$  لاذن  $OEBM$  هو مستطيل وبالتالي

$MOE$  هو مثلث قائم في  $M$

الفرض العملي الأول  
في الرياضيات

## التمرين الأول (2 ن)

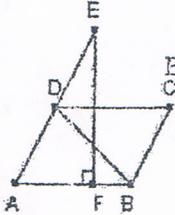
ضع علامة (x) أمام الإجابة الصحيحة

(1) لتكن  $a = 3\sqrt{2} - \sqrt{2}(1 - \sqrt{2})$  إذن  $a$  يساوي

$2\sqrt{2} - 4$

$2\sqrt{2} + 2$

$2\sqrt{2} - 2$

(2) ليكن ABCD متوازي أضلاع. D منتصف [AE]. F الموسط العمودي لـ E على [AB] حيث  $BF = \frac{1}{3}AB$ 

(ج)  $(-1; 2)$

(ب)  $(-1; 1)$

(د)  $(\frac{1}{3}; 2)$

ليكن إحداثيات E في المثلث (B; A; D) هو الزوج

## التمرين الثاني (6 ن)

تعتبر الأعداد متساوية في عدد التلاميذ. مجموع تلاميذ هذه الإعداديات يتكون من الأرقام التالية 3، 2، 5

وهو عدد محصور بين 5300 و 6000

- (1) باعتماد شجرة الإختبار أوجد جميع القيم الممكنة لهذا المجموع  
(2) إذا علمت أن هذا المجموع يقبل القسمة على 2 أوجد عدد تلاميذ الإعداديات الواحدة

## التمرين الثالث (4 ن)

ليكن العدد الصحيح الطبيعي  $a$  حيث  $a = 4x + 5$  ( $x \in \mathbb{N}$ )(1) بين أن  $a - 1$  يقبل القسمة على 4(2) إذا علمت أن باقي قسمة  $x$  على 3 يساوي 2أ- بين أن  $a - 1$  يقبل القسمة على 12ب- استنتج العدد  $a$  إذا علمت أنه يتكون من أربعة أرقام متساوية

## التمرين الرابع (8 ن)

يمثل الرسم المقابل معينًا متعلما في المستوى ( $O; I; J$ ) حيث  $OI = OJ = 1$ . المثلث ABD قائم في B

(1) - بقراءة الشكل ما هي إحداثيات النقاط A و B و D؟

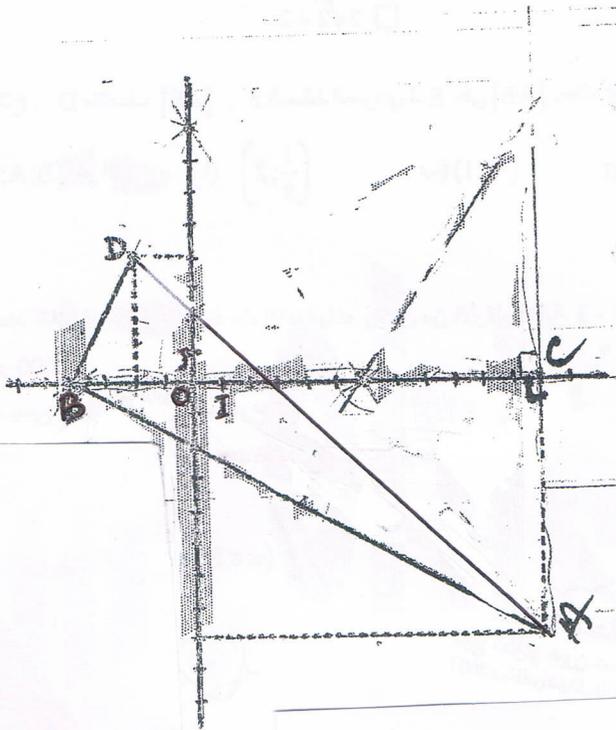
ب- عيّن النقطة C(12; 0) ثم استنتج أن  $(AC) \perp (OI)$ (2) لتكن M نقطة من قطعة المستقيم [BC] بحيث  $BM = 10$ . أوجد إحداثيات M معلًا جوارك

(3) - لتكن L منظرية B بالنسبة إلى D. بين أن إحداثيات L هو الزوج (0; 8)

ب- المستقيم العمودي على (ML) و المار من B يقطع (AC) في H.

بين أن M هي مسقط H على (ML) وقائلنا (LB)

8



22  
22

2/10





(2)  $C(12;0)$  و  $B(-4;0)$  إذن  $(BC) = (OI)$  و  $M$  نقطة

من  $[BC]$  حيث  $BH=10$  يعني  $y_H=0$  و  $|x_H+4|=10$

و  $-4 \leq x_H \leq 12$  و  $x_H+4 > 0$  و

$$|x_H+4|=x_H+4 \text{ و } |x_H+4|=10$$

$$x_H+4=10$$

يعني  $x_H=6$  و  $M(6;0)$

(3)

(أ)  $L$  مناطرة  $B$  بالنسبة إلى  $D$  إذن  $D$  منتصف  $[BL]$

$$x_D = \frac{x_L + x_B}{2} \text{ و } x_D = 2x_D - x_B$$

$$= 2(-2) - (-4) = -4 + 4 = 0$$

$$y_D = \frac{y_L + y_B}{2} \text{ و } y_D = 2y_D - y_B$$

$$= 2 \times 4 - (1) = 3$$

والتالي  $L(0;8)$

(ب) في المثلث  $ABH$  لدينا  $(AM) \perp (BH)$  و  $(AL) \perp (OH)$

و نعلم أن  $y_B = y_H = 0$  إذن  $(AM) \perp (BM)$  و  $(AL)$  التالي

$(AM)$  هو المستقيم الحامل لارتفاع الطار من  $A$  و  $(BM)$  هو

المستقيم الحامل لارتفاع الطار من  $B$  للمثلث  $ABH$  و  $M$

هو المركز القائم للمثلث  $ABH$  و التالي

$(BA) \perp (HM)$

$ABD$  قائم في  $B$  إذن  $(BD) \perp (BA)$  و  $L \in (BD)$  و  $(BL) \perp (BA)$

و التالي  $(LB) \parallel (HM)$

$L(0;8)$  و  $A(12;8)$  و  $M(6;0)$

$$\frac{x_L + x_A}{2} = \frac{0 + 12}{2} = 6 = x_M$$

$$\frac{y_L + y_A}{2} = \frac{8 + (-8)}{2} = 0 = y_M$$

إذن  $M$  منتصف  $[AL]$

و  $M \in (AL)$

$M$  مسدّد  $H$  على  $(AL) = (ML)$  و  $(LB)$  و  $(ML)$  و  $(AL)$



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

الإسم: ..... اللقب: ..... القسم: ..... الرقم: .....

**التمرين عد 1: (4 نقاط)**

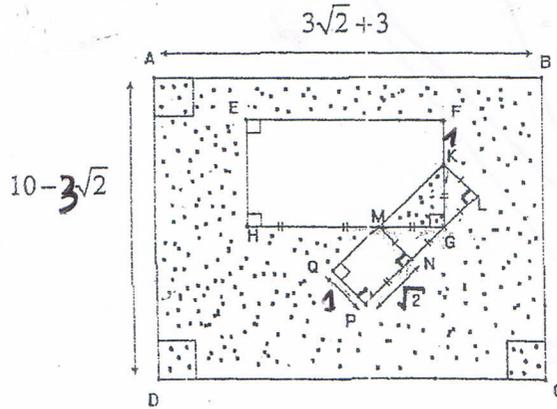
يلي كل سؤال ثلاث مقترحات، أذكرها فقط صحيحة، وضع علامة  $\times$  أمام المقترح الصحيح.

- (1) مقلوب  $\sqrt{7}-2$  هو:   $\sqrt{7}+2$    $-\sqrt{7}+2$    $\frac{\sqrt{7}+2}{3}$
- (2)  $\frac{3+\sqrt{3}}{-\sqrt{3}-1}$  يساوي  $-\sqrt{3}$  و  $\sqrt{3}$    $-\frac{3+\sqrt{3}}{\sqrt{3}-1}$    $\sqrt{3}$
- (3) في معين  $(O; I; J)$  إذا كان  $A(-\sqrt{5}+1; 1)$  و  $B(\sqrt{5}-1; 2)$  و  $C$  منظرية  $B$  بالنسبة إلى  $O$  إذن:   $(AC) \parallel (OI)$    $(AC) \parallel (OJ)$    $(AC)$  يقطع  $(OI)$  و  $(OJ)$
- (4)  $a = 352$  عدد متكوّن من 5 أرقام رقم أحاده 2 و رقم عشراته 5 و رقم مئاته 3 و يقبل القسمة على 6 إذن  $a$  لا يقبل القسمة على 12   $a$  يقبل القسمة على 15   $a$  يقبل القسمة على 12

**التمرين عد 2: (3 نقاط)**

على الطريق السيارة يوجد 5 محطات إستخلاص. استعمل رجل هذا الطريق ليتنقل من مدينة A إلى مدينة B مارا بمحطتين فقط. إذا علمت أن معالم الإستخلاص بدون ترتيب هي: 400 و 600 و 800 و 900 و 1600 بالإعتماد على شجرة الإختيار ماهي المبالغ التي يمكن أن يكون قد دفعها هذا الرجل؟

**التمرين عد 3: (5 نقاط)**



- (1) أنشر و اختصر  $x = 3\sqrt{2}(1 + \sqrt{2})$
- (2) نعتبر الرسم المقابل. أحسب قيس المساحة المنقطة.

**التمرين عد 4: (8 نقاط)**

$(O; I; J)$  معين متعامد للمستوي حيث  $OI = OJ$  و  $E\left(\frac{\sqrt{2}+1}{2}; \frac{1}{2}\right)$ .

- (1) أ- عين  $A(\sqrt{2}+1; 0)$  ب- أحسب  $IA$  ج- استنتج أن  $IA \parallel$  مثلث متقايس الضلعين.
- (2) أ- بين أن  $E$  منتصف  $[AJ]$  ب- ابن  $K$  بحيث  $AJK$  متوازي أضلاع و حدّد إحداثيات  $K$ .
- (3)  $(IK)$  يقطع  $(OJ)$  في النقطة  $C$  و  $C \in [OJ]$  أ- بين أن  $A$  منظرية  $B$  بالنسبة إلى  $(IC)$  ب- استنتج أن:  $\widehat{KAC} = 90^\circ$
- (4) أ- بين أن  $\widehat{KAI} = 45^\circ$  ب- استنتج إحداثيات  $C$  في المعين  $(O; I; J)$  ج- أحسب قيس مساحة الرباعي  $JKAC$  (وحدة قيس الطول هي  $OI$ )



نجاحك يهمنا

فرض مراقبة عدد 1  
(ربا ضيات)

التمرين عدد 1

- \* (1)  (2)  (3)  (4)

التمرين عدد 2

| معلوم | معلومة 1                  | معلومة 2                  | المبلغ                    |
|-------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 400   | 1600 - 900 - 800 - 600    | 1600 - 900 - 800 - 600    | 2000 - 1300 - 1200 - 1000 |
| 600   | 1600 - 900 - 800          | 1600 - 900 - 800          | 2200 - 1500 - 1400        |
| 800   | 1600 - 900                | 1600 - 900                | 2400 - 1700               |
| 900   | 1600                      | 1600                      | 2700                      |
| 1000  | 1300 - 1200 - 1100 - 1000 | 1300 - 1200 - 1100 - 1000 | 2700 - 2400 - 2200 - 2000 |

في المبالغ التي يمكن أن يكون دفعها هذا الرجل

التمرين عدد 3

$$x = 3\sqrt{2}(1 + \sqrt{2})$$

$$= 3\sqrt{2} + 3\sqrt{2} \times \sqrt{2}$$

$$= 3\sqrt{2} + 6$$

$$y = (3\sqrt{2} + 3)(10 - 3\sqrt{2})$$

$$= 30\sqrt{2} - 9(\sqrt{2} \times \sqrt{2}) + 30 - 9\sqrt{2}$$

$$= 30\sqrt{2} - (9 \times 2) + 30 - 9\sqrt{2}$$

$$= 21\sqrt{2} + 12$$



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

(2) مساحة المستطيل ABCD  $y = (10 - 3\sqrt{2})(3\sqrt{2} + 3) = 21\sqrt{2} + 12$

مساحة المستطيل MNPQ هو  $\sqrt{2}$

طول [MG] هو  $\sqrt{2}$ ، مساحة  $\frac{1}{2}$  و KGL و MNG هو  $\frac{1}{2}$

طول [HG] هو  $3\sqrt{2}$ ، طول [GF] هو  $1 + \sqrt{2}$

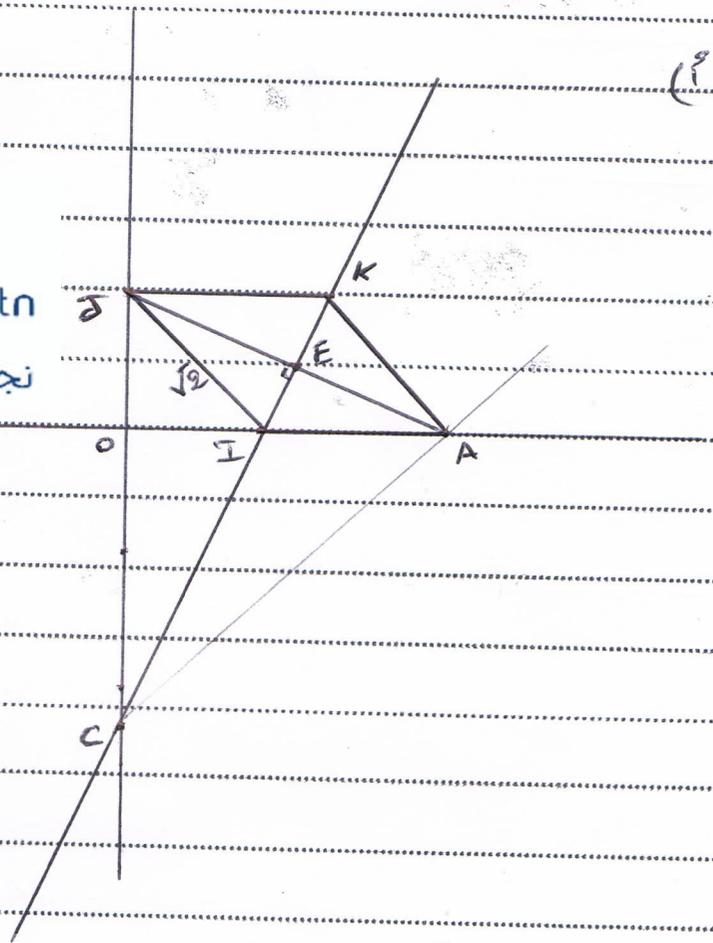
مساحة EFKMH هو  $(1 + \sqrt{2}) \times 3\sqrt{2} - 1 - 3\sqrt{2} + 6 - 1$

$$= 3\sqrt{2} + 5$$

المساحة الكلية  $(21\sqrt{2} + 12) - [\sqrt{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + 3\sqrt{2} + 5]$

$$= 21\sqrt{2} + 12 - 4\sqrt{2} - 6 = 17\sqrt{2} + 6$$

المتمرين عدد 4 :



أ. ب.  $IA = |x_A - x_I| = \sqrt{2}$  إذن  $I(1,0)$  و  $A(1+\sqrt{2}, 0)$

ج. لدينا  $IJ = \sqrt{2}$  لأن المثلث  $OIJ$  قائم، متساوي الساقين

فقطه  $\theta$ ، إذن  $IJ = IA$  و  $IAJ$  مثلث متساوي الساقين

الزاوية فقطه  $I$

$$\frac{x_A + x_J}{2} = \frac{\sqrt{2} + 1 + 0}{2} = \frac{\sqrt{2} + 1}{2} = x_E \quad \text{ع. ب. ٢}$$

$$\frac{y_A + y_J}{2} = \frac{0 + 1}{2} = \frac{1}{2} = y_E$$

إذن  $E$  منتصف  $[AJ]$

ب.  $JK = AI$  و  $(AI) \parallel (JK)$  لأن  $AIJK$  متوازي أضلاع، إذن  $(AI) \parallel (JK)$

وبما أن  $(\vec{AI}) = (\vec{AI})$  إذن  $y_K = 1$ ، وإذا كان  $K'$  المسموع

العمودي على  $K$  على  $(OI)$  فإن  $OK'KJ$  مستطيل، و  $OK' = AI$

ع. ب. الثاني  $\alpha_K = \alpha_{K'} = AI = \sqrt{2}$ ، واحد اثبات  $K$  هي  $K(\sqrt{2}, 1)$

(3) أ) لدينا E منتهى [AJ] و AIJ متقايس الفلجيت

قمتك I إذن (IE) هو المتوسط العمودي ل [AJ]

وبما أن E و I و K على استقامة واحدة (E منتهى [IK])

لأن AIJK متوازي أضلاع إذن (IK) هو المتوسط العمودي

ل [AJ]، ونعلم أن (IK) ⊥ (IE) (IC) هو المتوسط

العمودي ل [AJ] وبالتالي A منظرية ج بالنسبة ل (IC).

ب) منظرية C هي C ومنظرية K هي K ومنظرية A هي J

بالنسبة ل (IC) . (JK) ⊥ (JC) إذن (AK) ⊥ (AC)

المنظر العمودي يحافظ على الزوايا إذن  $\widehat{KAC} = 90^\circ$

(4) أ) OIJ متقايس الفلجيت وقائم و  $\widehat{JKO} = 90^\circ$

إذن  $\widehat{IKJ} = 45^\circ$  لأن  $\widehat{OJI} = 45^\circ$

إذن قوس متوازي أضلاع AIJK كل زاويتين متقابلتين

متقايستين بالتالي  $\widehat{KAI} = 45^\circ$

ب)  $\widehat{OAC} = 45^\circ$  و OAC قائم في O إذن

$OC = OA$  و  $\angle C = 90^\circ$

إذن إحداثيات C هي  $(0, 1 - \sqrt{2} - 1)$

ج) مساحة JKAC هي (مساحة JKC) × 2

$$= JK \times JC$$

$$= IA \times (OJ + OA)$$

$$= \sqrt{2} (1 + 1 + \sqrt{2})$$

$$= 2\sqrt{2} + 2$$



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

|   |  |                               |
|---|--|-------------------------------|
| ابتسام قوبعة - نورة عبد الهادي<br>تاسعة أساسي 2-4 | فرض مراقبة عدد 1<br>رياضيات (45 دقيقة) | الإعدادية النموذجية<br>بصفاقس |
|---|--|-------------------------------|

تمرين عدد 1: 3 نقاط

اختر الإجابة الصحيحة

1- الكتابة العشرية الدورية للعدد الكسري  $\frac{32}{30}$  :

1,06  1,06  1,06

2- ليكن b عدد صحيح طبيعي رقم أحاده 6 و باقي قسمته على 6 يساوي 4 اذن العدد 1-b يقبل القسمة على :

10  15  4

3- لتكن H مجموعة الأعداد التي تقبل القسمة على 12 و التي يمكن تكوينها من ثلاثة أرقام مختلفة

باستعمال الأرقام: 0 . 4 . 5 . 6 . 9 . اذن :

H كم=7  H كم=5  H كم=12

تمرين عدد 2 : 4 نقاط

نعتبر العبارتين :  $A = (2\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 3) + \sqrt{2}(\sqrt{2} - 3)$  و  $B = 1 - \left[ (3\sqrt{2} - 3) - \frac{4}{5} \right] - (0,8 - 5\sqrt{2})$

(1) بين أن :  $A = 3 + 2\sqrt{2}$

(2) بين أن  $1 - B$  و A متقابلان

تمرين عدد 3 : 5 نقاط

ليكن (O,I,J) سعيًا حيث  $(OI) \perp (OJ)$  و  $OI = 2\text{cm}$  و  $OJ = 1\text{cm}$  . ولتكن النقطتين  $C(3\sqrt{2}-1,0)$  و  $D(\sqrt{2}-1,4)$  .

(1) عين النقطة  $A(\sqrt{2},2)$  .

(2) أوجد إحداثيات النقطة B منظرًا D بالنسبة لـ (OJ) .

(3) بين أن النقاط A و B و C على استقامة واحدة .

التمرين عدد 4 : 8 نقاط

ليكن (O,I,J) معيّنًا حيث :  $OI = OJ = 1$  والنقاط  $A(-4,3)$  و  $B(2,3)$  و  $C(2,0)$  .

(1) بين أن :  $(AB) \parallel (OC)$  .

(2) لتكن النقطة E منتصف [AC] والنقطة D منظرًا B بالنسبة إلى E . أوجد إحداثيات E ثم D .

(3) المستقيم المار من E والموازي لـ (AB) يقطع (AD) في النقطة F . المستقيمان (DE) و (CF) يتقاطعان في النقطة H .

المستقيم (AH) يقطع (OI) في النقطة M .

أ - بين أن :  $F\left(-4, \frac{3}{2}\right)$  ثم استنتج أن F منتصف [AD] .

ب - بين أن M منتصف [DC] .

فرض مراقبة عدد

تمرين عدد 1

□□□ (3) □□□ (2) □□□ (1)

تمرين 2

$$A = (2\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 3) + \sqrt{2}(\sqrt{2} - 3)$$

$$A = 2\sqrt{2} \times \sqrt{2} + 2\sqrt{2} \times 3 - \sqrt{2} - 1 \times 3 + \sqrt{2} \times \sqrt{2} - \sqrt{2} \times 3$$

$$A = 4 + 6\sqrt{2} - \sqrt{2} - 3 + 2 - 3\sqrt{2}$$

$$A = 3 + 2\sqrt{2}$$

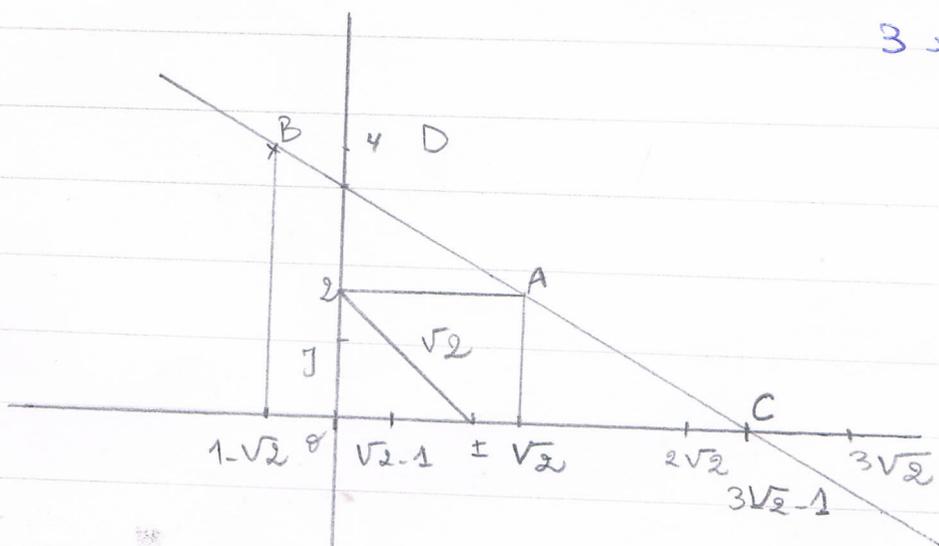
$$1-B = 1 - 1 + \left[ (3\sqrt{2} - 3) - \frac{4}{5} \right] + (0,8 - 5\sqrt{2}) \quad (2)$$

$$1-B = 3\sqrt{2} - 3 - 0,8 + 0,8 - 5\sqrt{2}$$

$$1-B = -3 - 2\sqrt{2} = -A$$

لأن 1-B و A متقابلان

تمرين عدد 3



نجاحك يهمنا

(2) B منظر D النسبة ل (0, 2) لأن (1-√2, 4) B

$$x_B + x_C = \frac{3\sqrt{2} - 1 + 1 - \sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} = x_A$$

$$\frac{y_B + y_C}{2} = \frac{4 + 0}{2} = 2 = y_A$$

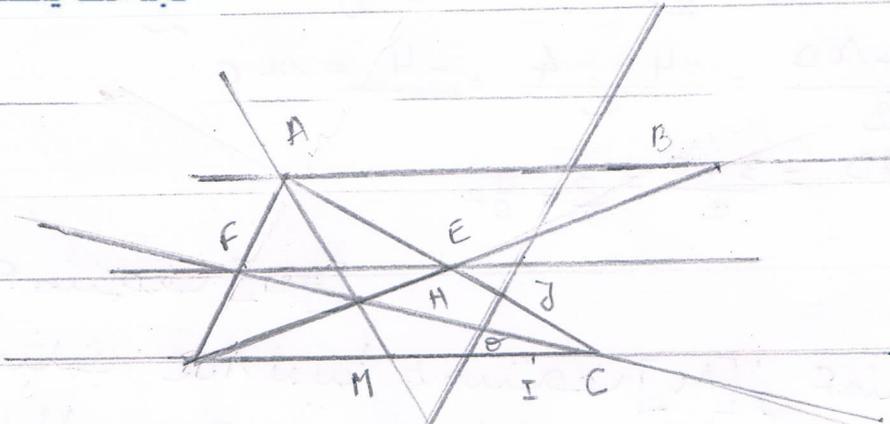
لأن A منتصف [BC] وبالتالي A و B و C على استقامة واحدة



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

المقرب عدد 4



1) لدينا  $A(4,3)$  و  $B(2,3)$  هما نفس الترتيب إذن  $(AB) \parallel (OI)$   
 ونعلم أن  $C(2,0)$  إذن  $(OI)$  تنصف  $(AC)$  و  $(AB) \parallel (OC)$

$$x_E = \frac{x_A + x_C}{2} = \frac{-4 + 2}{2} = -1 \text{ إذن } E \text{ منتصف } [AC]$$

$$y_E = \frac{y_A + y_C}{2} = \frac{3 + 0}{2} = \frac{3}{2}$$

إحداثيات النقطة  $E(-1, \frac{3}{2})$

\* مناظرة  $B$  بالنسبة لـ  $E$  إذن  $E$  منتصف  $[BD]$  وبالتالي

$$x_E = \frac{x_B + x_D}{2} \quad \text{و} \quad y_E = \frac{y_B + y_D}{2}$$

$$x_D = 2x_E - x_B$$

$$y_D = 2y_E - y_B$$

$$x_D = 2 \times (-1) - 2$$

$$y_D = 2 \times (\frac{3}{2}) - 3$$

$$x_D = -4$$

$$y_D = 0$$

إحداثيات النقطة  $D(-4,0)$

(3)  $F$  و  $D$  لهما نفس القاطعة و  $F \in (AD)$  إذن  $x_F = -4$   
 $(EF) \parallel (AB)$  و  $(OI) \parallel (AB)$  إذن  $(OI) \parallel (EF)$  إذن  $F, E$  لهما

نفس الترتيب

ومنه  $y_F = \frac{3}{2}$  وبالتالي  $F(-4, \frac{3}{2})$

$$\frac{x_A + x_D}{2} = \frac{-4 + -4}{2} = \frac{-4}{2} = x_F$$

$$\frac{y_A + y_D}{2} = \frac{3 + 0}{2} = \frac{3}{2} = y_F$$

إذن  $F$  منتصف  $[AD]$

(ب) في المثلث  $ADC$  لدينا  $E$  منتصف  $[AC]$  و  $F$  منتصف  $[AD]$

الموسطان  $[CF]$  و  $[DE]$  يتقاطعان في  $H$  ماذن  $H$  هو مركز

ثقل المثلث  $ADC$ . ماذن  $(AH)$  يقطع  $[DC]$  في  $M$  يعني

$M$  منتصف  $[DC]$



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا