

التمرين الاول (5 ن)

I/ أجب بصواب أو خطأ

1) إذا كان باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي n على 2 و 3 هو نفس العدد 1

فإن باقي القسمة الإقليدية للعدد n على 6 هو 1

الإجابة : صواب

*/ لنا باقي القسمة الإقليدية للعدد n على 2 هو العدد 1 و منه يوجد عدد صحيح طبيعي q

حيث $n = 2q + 1$ يعني $n - 1 = 2q$ و بالتالي $n - 1$ مضاعف للعدد 2

*/ لنا باقي القسمة الإقليدية للعدد n على 3 هو العدد 1 و منه يوجد عدد صحيح طبيعي p

حيث $n = 3p + 1$ يعني $n - 1 = 3p$ و بالتالي $n - 1$ مضاعف للعدد 3

و بالتالي $n - 1$ مضاعف للعدد 6 و منه يوجد عدد صحيح طبيعي k حيث $n - 1 = 6k$

يعني $n = 6k + 1$ و بالتالي باقي القسمة الإقليدية للعدد n على 6 هو العدد 1

2) العدد $3,6$ هو عدد كسري غير عشري

الإجابة : صواب

الكتابة $3,6$ هي كتابة عشرية دورية غير منتهية دورها 6 (مخالف لـ 0 و 9)

و بالتالي العدد $3,6$ هو عدد كسري غير عشري ($3,6 = \frac{11}{3}$)

3) العدد $4\sqrt{2} + 6$ هو مقلوب العدد $\sqrt{2} - \frac{3}{2}$

الإجابة : خطأ

لنا $4\sqrt{2} + 6$ عدد موجب و $\sqrt{2} - \frac{3}{2}$ عدد سالب (عددان مقلوبان هما عددان لهما نفس العلامة)

II



TuniTests

A
C

B

يمثل الرسم المصاحب ثلاث نقاط A و B و C من المستوي المنرج بمعين (O, I, J)

أين النقاط O و I و J، إذا علمت أن إحداثيات النقاط A و B و C في المعين (O, I, J)

هي $A(0; \sqrt{2})$ و $B(-2; 0)$ و $C(-2; \sqrt{2})$

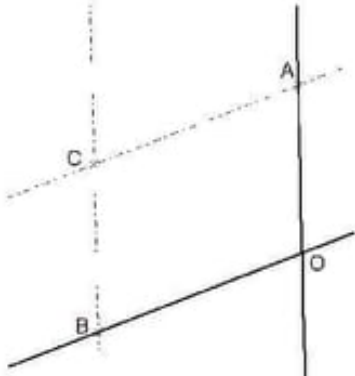
*/ B و C لهما نفس الفاصلة ($x_C = x_B = -2$) و منه (BC)//(OJ) ونعلم ان $x_A = 0$ ($A \in (OJ)$)
فان محور الترتيبات (OJ) هو المستقيم المار A و الموازي لـ (BC)

*/ A و C لهما نفس الترتيبية ($y_C = y_A = \sqrt{2}$) و منه (AC)//(OI) ونعلم ان $y_B = 0$ ($B \in (OI)$)
فان محور الفاصلات (OI) هو المستقيم المار B و الموازي لـ (AC)

بناء النقاط J و I و O

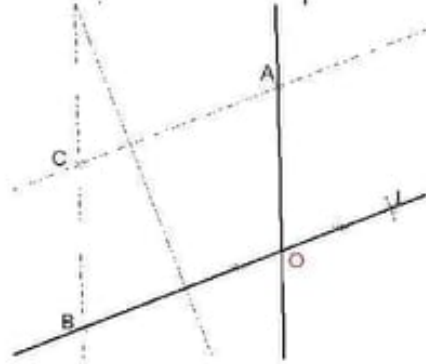
بناء O

O هي نقطة تقاطع (OI) و (OJ)



بناء I

I هي منازرة منتصف [OB] بالنسبة إلى O



بناء J

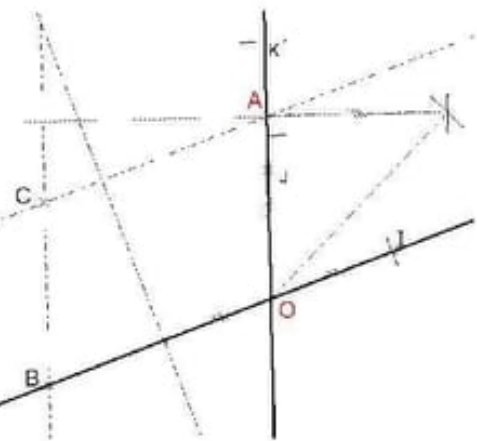
لنا $OA = \sqrt{2} OJ$ حيث $J \in [OA]$

ومنه $OJ = \frac{1}{\sqrt{2}} OA = \frac{\sqrt{2}}{2} OA$

ومنه J هي النقطة التي تنتمي إلى (OA)

وفاصلتها $\frac{\sqrt{2}}{2}$ في المعين (O, A)

(K فاصلتها $\sqrt{2}$ في المعين (O, A) و J هي منتصف [OK])



التمرين الثاني (4,5 ن)

نعتبر العبارتين: $A = x - |\sqrt{2} - 2| - [3 - (x - \sqrt{2})]$

و $B = (3x - 2)(2x - 5) - 2x^2 + 5x$ حيث x عدد حقيقي

(1) **بين أن $A = 2x - 5$ و $B = 2(x - 1)(2x - 5)$**

لنا $\sqrt{2} < 2$ و $\sqrt{2} - 2 < 0$ وبالتالي $|\sqrt{2} - 2| = 2 - \sqrt{2}$

$$A = x - |\sqrt{2} - 2| - [3 - (x - \sqrt{2})] = x - (2 - \sqrt{2}) - (3 - x + \sqrt{2}) \quad /*$$

$$= x - 2 + \sqrt{2} - 3 + x - \sqrt{2} = 2x - 5$$

$$\mathbf{A = 2x - 5}$$

$$B = (3x - 2)(2x - 5) - 2x^2 + 5x = (3x - 2)(2x - 5) - x(2x - 5) \quad /*$$

$$= (2x - 5)[(3x - 2) - x] = (2x - 5)(2x - 2)$$

$$\mathbf{B = 2(x - 1)(2x - 5)}$$



2 احسب القيمة العددية للعبارة B في حالة $x = \sqrt{5}$

$$B = 2(x - 1)(2x - 5) = 2(\sqrt{5} - 1)(2\sqrt{5} - 5) \\ = 2(10 - 5\sqrt{5} - 2\sqrt{5} + 5) = 2(15 - 7\sqrt{5}) = 30 - 14\sqrt{5}$$

$$B = 30 - 14\sqrt{5}$$

3 جد العدد الحقيقي x في الحالتين : $|A| = 0$

$$|A| = 0 \text{ يعني } A = 0 \text{ يعني } 2x - 5 = 0 \text{ يعني } x = \frac{5}{2}$$

ب/ A و B متقابلان

$$2x - 5 + (2x - 5)(2x - 2) = 0 \text{ يعني } A + B = 0$$

$$(2x - 5)(2x - 1) = 0 \text{ يعني } (2x - 5)[1 + (2x - 2)] = 0$$

$$\text{يعني } (2x - 5) = 0 \text{ أو } (2x - 1) = 0 \text{ يعني } x = \frac{5}{2} \text{ أو } x = \frac{1}{2}$$

التعريف الثالث (6.5 ن) (وحدة قياس الطول هي الصم)

ليكن (O ; I ; J) معينا متعامدا في المستوي حيث $OI = OJ = 1$

1 / أ عين النقط $A(\sqrt{2}, 0)$ و $B(-2, -3)$ و $C(-2, 0)$

ب/ احسب AC

A و C نقطتان من (OI) ($y_A = y_C = 0$)

$$AC = |x_C - x_A| \times OI = |-2 - \sqrt{2}| = 2 + \sqrt{2}$$

$$AC = 2 + \sqrt{2} \text{ cm}$$

ج/ بين أن المستقيمين (BC) و (OI) متعامدان

* B و C لهما نفس الفاصلة ($x_C = x_B = -2$) ومنه $(BC) \parallel (OJ)$

ونعلم ان $(OI) \perp (OJ)$ فان $(OI) \perp (BC)$

2 / أ ابن النقطة $D(\sqrt{2}, -3)$

ب/ بين أن الرباعي ADBC مستطيل

* A و D لهما نفس الفاصلة ($x_A = x_D = \sqrt{2}$) ومنه $(AD) \parallel (OJ)$

ونعلم ان $(OI) \perp (OJ)$

فان $(OI) \perp (AD)$ (A و C نقطتان من (OI)) ومنه $\widehat{CAD} = 90^\circ$

* B و D لهما نفس الترتيبة ($y_B = y_D = -3$) ومنه $(BD) \parallel (OI)$ ونعلم ان $(OI) \perp (BC)$

فان $(BC) \perp (BD)$ ومنه $\widehat{CBD} = 90^\circ$

ولنا $\widehat{ACB} = 90^\circ$ (A و C نقطتان من (OI)) و $(OI) \perp (BC)$

وبالتالي الرباعي ADBC مستطيل كل رباعي له ثلاث زوايا قائمة هو مستطيل

3 / أ ابن النقطة E بحيث يكون الرباعي ABC E متوازي الأضلاع

ب/ أوجد إحداثيات E

طريقة 1

لنا ABC E متوازي الأضلاع ومنه $BC = AE$ و $(BC) \parallel (AE)$

لنا ADBC مستطيل ومنه $BC = AD$ و $(BC) \parallel (AD)$

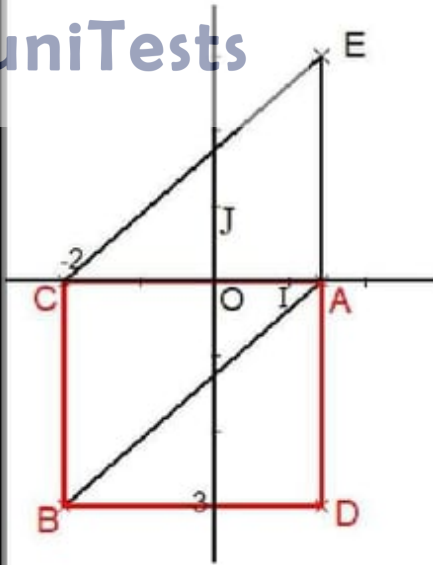
وبالتالي (AD) و (AE) متوازيان و يشتركان في A فهما منطبقان ومنه النقط A و D و E على استقامة واحدة

و $AD = AE$ اذن $AD = BC = AE$

ومنه A منتصف [DE] يعني $x_A = \frac{x_D + x_E}{2}$ و $y_A = \frac{y_D + y_E}{2}$



TuniTests



يعني $y_E = 2 \times 0 - (-3)$ و $x_E = 2\sqrt{2} - \sqrt{2}$ يعني $y_E = 2y_A - y_D$ و $x_E = 2x_A - x_D$ ومنه $E(\sqrt{2}; 3)$ طريقة 2

لنا ABCE متوازي الأضلاع ومنه القطران [AC] و [BE] لهما نفس المنتصف وبالتالي $y_E = y_A + y_C - y_B$ و $x_E = x_A + x_C - x_B$ يعني $\frac{y_B + y_E}{2} = \frac{y_A + y_C}{2}$ و $\frac{x_B + x_E}{2} = \frac{x_A + x_C}{2}$ يعني $y_E = 0 + y_0 - (-3)$ و $x_E = \sqrt{2} + (-2) - (-2)$ ومنه $E(\sqrt{2}; 3)$

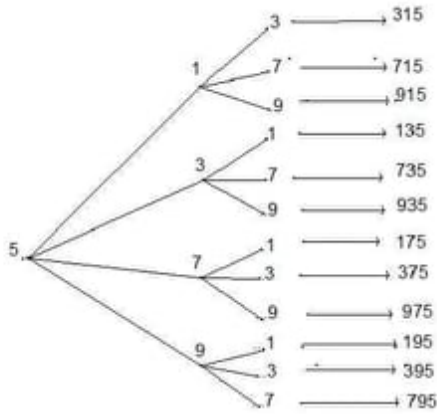
(4) ما هي مجموعة النقاط $M(x; y)$ حيث $x = \sqrt{2}$ و $|y| \leq 3$ ؟
 $\{M(x; y) / x = \sqrt{2} \text{ و } |y| \leq 3\} = [DE]$

التمرين الرابع (4ن) نعتبر E مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية n بحيث:
 **/ كل أرقام العدد n مخالفة للصفر
 **/ كل أرقام العدد n مختلفة مثني مثني
 ***/ العدد n يقبل القسمة على جميع أرقامه
 ****/ العدد n يقبل القسمة على مجموع أرقامه
 مثال: $24 \in E$ و $42 \notin E$

1/ هل أن العدد 624 ينتمي إلى المجموعة E على أساسك
 نعم العدد $624 \in E$ لان

**/ كل أرقام العدد 624 مخالفة للصفر
 ***/ العدد 624 يقبل القسمة على جميع أرقامه
 - 624 يقبل القسمة على 4 (24 مضاعف لـ 4) - 624 يقبل القسمة على 2 (رقم أحاده زوجي)
 - 624 يقبل القسمة على 6 لانه يقبل القسمة على 2 و 3 (مجموع أرقامه 12 مضاعف لـ 3)
 ****/ العدد 624 يقبل القسمة على مجموع أرقامه (12) لانه يقبل القسمة على 3 و 4

ب/ إذا كان n ينتمي إلى المجموعة E و يقبل القسمة على 15 بين أن n أصغر من 1000
 إذا كان n ينتمي إلى المجموعة E و يقبل القسمة على 15 فهو يقبل القسمة على 5 و جميع أرقامه مخالفة للصفر فإن رقم أحاده 5 وبالتالي جميع أرقامه فردية (رقم أحاده فردي و بالتالي لا يقبل القسمة على أي عدد زوجي)
 نلاحظ أن $25 = 1 + 3 + 5 + 7 + 9$ و العدد 25 لا يقبل القسمة على 3 و 9
 وبالتالي عدد أرقام العدد n هو 4 أو أقل كما أن مجموع أربعة أرقام فردية هو عدد زوجي
 وبالتالي عدد أرقام العدد n هو 3 أو أقل ومنه $n < 1000$



TuniTests

2/ باعتماد شجرة الاختيار أعط جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية المتكونة من ثلاثة أرقام فردية مختلفة تقبل القسمة على 5
 ب/ استنتج مجموعة الأعداد التي تنتمي إلى E و تتكون من ثلاثة أرقام و تقبل القسمة على 15
 الأعداد هي: 315 ; 135 ; 735