

الإسم اللقب

❖ التمرين الأول (5 نقاط)

1) أجب بصواب أو خطأ :

أ- إذا علمت أن : $N = \sqrt{2}^{64} - 1$ فإن N يقبل القسمة على 85

ب- $(2 + \sqrt{3})^{2021} \times (\sqrt{3} - 2)^{2021} = 1$

ج- $(-\frac{\sqrt{2}}{4})^{-17} = -(2\sqrt{2})^{17}$

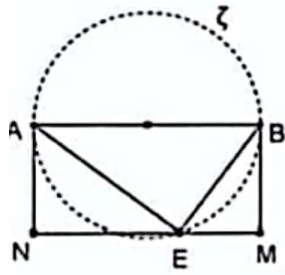
د- ليكن ABC مثلث قائم الزاوية و متقايس الضلعين في A و قيس مساحته

8cm^2 و $[AH]$ الإرتفاع الصّادر من A فإن : $AH = 2\sqrt{2}$

2) أكمل بالعدد المناسب :

في الشكل المقابل C دائرة قطرها $[AB]$ حيث $AB = 5$ و E نقطة من C

حيث $AE = 4$ فإن مساحة المستطيل $ABMN$ تساوي



❖ التمرين الثاني (3 نقاط)

ليكن a و b و c و d أعدادا حقيقية موجبة قطعا بحيث :

$$a = c + \frac{1}{d} \quad \text{و} \quad b = d + \frac{1}{c}$$

بيّن أن : $ab \geq 4$

❖ التمرين الثالث (12 نقاط)

I. نعتبر العبارة $R = x^2 - 6x + 4$

(1) أحسب القيمة العددية للعبارة R في حالة $x = 3 - \sqrt{5}$

(2) بيّن أن $R = (x - 3)^2 - 5$

(3) استنتج تفكيكا للعبارة R ثم أوجد العدد x في حالة $R = 0$

II. تأمل الرسم المصاحب حيث $ABCD$ شبه منحرف قائم في A و D بحيث

$AD = 2$ و $AB = 6$ و $DC = a$ علما أن $a > 2$

لتكن E المسقط العمودي لـ C على (AB)

** نريد البحث عن العدد a لكي يكون المثلث ABC قائم في الزاوية C

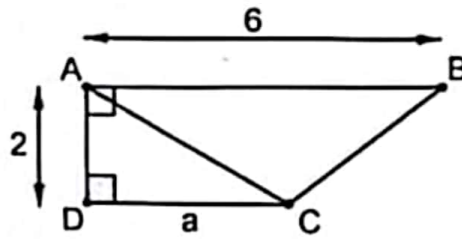
* في حالة ABC قائم الزاوية في C

(1) بين أن $a^2 - 6a + 4 = 0$

(2) استنتج إذن البعد DC

(3) بين أن $AC = \sqrt{3} + \sqrt{15}$

مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél : +21655267618



BONNE CHANCE

❖ التمرين الأول :

$$N = \sqrt{2}^{64} - 1 \quad \text{أ- (1)}$$

$$= 2^{32} - 1$$

$$= (2^{16} - 1)(2^{16} + 1)$$

$$= (2^8 - 1)(2^8 + 1)(2^{16} + 1)$$

$$= (2^4 - 1)(2^4 + 1)(2^8 + 1)(2^{16} + 1)$$

بالتالي N يقبل القسمة على 5 و 17. $15 \times 17 \times (2^8 + 1)(2^{16} + 1) = N$ إذن

بالتالي N يقبل القسمة على 85. \leftarrow صواب

$$(2 + \sqrt{3})^{2021} \times (2 - \sqrt{3})^{2021} = (4 - 3)^{2021} \quad \text{ب-}$$

$$= 1^{2021} = 1 \quad \leftarrow$$

$$\left(-\frac{\sqrt{2}}{4}\right)^{-17} = \left(-\frac{4}{\sqrt{2}}\right)^{17} = \left(-\frac{2\sqrt{2}\cdot\sqrt{2}}{\sqrt{2}}\right)^{17} \quad \text{ج-}$$

$$= (-2\sqrt{2})^{17} \quad \leftarrow$$

د- ABC قائم في A و [AH] ارتفاعه الصادر من A

$$S_{ABC} = \frac{AH \times BC}{2} \quad \text{إذن:}$$

$$AB = \sqrt{2 \times S_{ABC}} \quad \text{يعني} \quad S_{ABC} = \frac{AB \times AC}{2} \quad \text{أيضا:}$$

$$= 4$$

$$AB = AC \quad \text{و}$$

$$BC = 4\sqrt{2} \quad \text{أي:} \quad BC = \sqrt{AB^2 + AC^2} = \sqrt{32} \quad \text{بالتالي:}$$

$$AH = \frac{2 \times S_{ABC}}{BC} = \frac{16}{4\sqrt{2}} = 2\sqrt{2} \quad \text{إذن:} \quad \leftarrow$$

(2) E تنتمي للدائرة التي قطرها [AB] إذن ABE قائم في E بالتالي حسب بيتاغور:

$$EB^2 = AB^2 - AE^2$$

$$= 9$$

$$EB = 3 \quad \text{إن}$$

نعتبر H المسقط العمودي لـ E على (AB) إن:

EH مساو لعرض المستطيل ABMN.

$$EH = \frac{EA \times EB}{AB} = \frac{4 \times 3}{5} \quad \text{إن: } EH \times AB = EA \times EB$$

$$= 2,4$$

$$S_{ABMN} = 5 \times 2,4 = 12 \quad \text{بالتالي:}$$

❖ التمرين الثاني :

$$a.b = \left(c + \frac{1}{d}\right) \left(d + \frac{1}{c}\right)$$

$$= cd + \frac{1}{cd} + 2$$

$$\left(\sqrt{cd} - \frac{1}{\sqrt{cd}}\right)^2 \geq 0 \quad \text{لنا:}$$

$$cd + \frac{1}{cd} - 2 \geq 0 \quad \text{يعني:}$$

$$cd + \frac{1}{cd} \geq 2 \quad \text{يعني:}$$

$$cd + \frac{1}{cd} + 2 \geq 2 + 2 \quad \text{إن:}$$

$$ab \geq 4 \quad \text{أي:}$$

❖ التمرين الثالث :

$$R = (3 - \sqrt{5})^2 - 6 \times (3 - \sqrt{5}) + 4 \quad (1) \quad .I$$

$$= 9 - 6\sqrt{5} + 5 - 18 + 6\sqrt{5} + 4$$

$$= 0$$

مكتبة 14 جانفي قابس

Librairie 14 Janvier Gabès

Tél : +21655267618

$$(x-3)^2 - 5 = x^2 - 6x + 9 - 5 \quad (2) \quad \text{طريقة 2:}$$

$$R = x^2 - 6x + 4 \quad = x^2 - 6x + 4$$

$$= (x-3)^2 - 9 + 4 \quad = R$$

$$= (x^2 - 3)^2 - 5 \quad R = (x-3)^2 - 5 \quad \text{إذن}$$

$$R = 0 \quad \left| \quad R = (x-3)^2 - 5 \quad (3) \right.$$

$$x-3 + \sqrt{5} = 0 \text{ أو } x-3 - \sqrt{5} = 0 \text{ يعني} \quad = (x-3)^2 - \sqrt{5}$$

$$x = 3 - \sqrt{5} \text{ أو } x = 3 + \sqrt{5} \text{ يعني} \quad = (x-3-\sqrt{5})(x-3+\sqrt{5})$$

II. 1) ABC قائم في A

$$\text{إذن: } EC^2 = EA \cdot EB \text{ يعني } 2^2 = a(6-a)$$

$$\text{إذن: } 4 = 6a - a^2$$

$$\text{بالتالي: } a^2 - 6a + 4 = 0$$

$$(2) \text{ لنا } a^2 - 6a + 4 = 0 \text{ إذن حسب (I) } a = 3 + \sqrt{5} \text{ أو } a = 3 - \sqrt{5}$$

$$\text{و بما أن } a > 2 \text{ فإن } a = 3 + \sqrt{5}$$

(3) المثلث ADC قائم في D إذن حسب بيتاغور:

$$AC^2 = DC^2 + AD^2 = a^2 + 4$$

$$= (3 + \sqrt{5})^2 + 4$$

$$= 18 + 6\sqrt{5}$$

$$18 + 6\sqrt{5} = 3 + 2\sqrt{3} \cdot \sqrt{15} + \sqrt{15} \quad \text{نلاحظ أن:}$$

$$AC^2 = (\sqrt{3} + \sqrt{15})^2 \quad \text{إذن:}$$

$$AC = \sqrt{3} + \sqrt{15} \quad \text{بالتالي}$$