

الأستاذ : بلقاسم صالح

المدرسة الإعدادية بالرقاب

2024-2023

فرض مراقبة

عدد 01

الأقسام: 9 و 3 و 4

التاريخ: 16 أكتوبر 2023

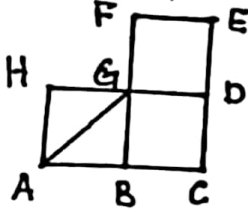
التوقيت: 45 دقيقة

التمرين عدد 01: (05ن)

بلي كل سؤال ثلاث إجابات احداها فقط صحيحة. انقلها على ورقة تحريرك.

- (1) العدد 777×2^{2023} يقبل القسمة على: أ/ 6 . ب/ 11 . ج/ 15
- (2) الرقم الذي رتبته $8 + 3 \times 10^{14}$ بعد الفاصل في الكتابة العشرية للعدد $-35,454321$ هو: أ/ 5 . ب/ 4 . ج/ 3
- (3) ليكن العدد $a = 3n + 1$ حيث n عدد صحيح فردي طبيعي إذن a : أ/ عدد فردي . ب/ عدد زوجي
- (4) مستقيمان ليس لهما نفس المنحى ، هما مستقيمان :
أ/ غير متوازيان . ب/ متوازيان . ج/ متعامدان

(5) في الرسم المقابل ABGH و BCDG و GDEF ثلاث مربعات احداثيات النقطة F في المعين (A ;B ;G) هي :



أ/ (-1 ; -2) . ب/ (1 ; 2) . ج/ (-1 ; 2)

التمرين عدد 02: (04ن)

نعتبر $a = \frac{13}{11}$ و $b = 1,18$ و $c = 1,1819202122 \dots$

(1) جد الكتابة العشرية الدورية لـ a ثم رتب الأعداد a و b و c ترتيبا تصاعديا

(2) لتكن المجموعة التالية: $A = \{ a; \frac{6^{100} + 24^{1000}}{6}; -\sqrt{3}; b; \sqrt{2}^2; c \}$

حدد المجموعات التالية $A \cap \mathbb{Q}$; $A \cap \mathbb{Z}$ و $A \cap \mathbb{I}$

التمرين عدد 03: (05ن)

نعتبر العدد $a = 2b$ و $x = 2a1b1$ و a و b رقمان حيث

- (1) أ/ بين أن $x - 1$ يقبل على 3 . ب/ استنتج أن $x - 1$ يقبل القسمة 15
- (2) جد a و b اذا علمت أن $x - 1$ يقبل القسمة على 12 (مستعينا بشجرة الاختيار)
- (3) ليكن العدد $y = 7 \times 9^{20} + 4 \times 3^{39}$. بين أن y يقبل القسمة على 15
- (4) جد باقي القسمة الاقليدية لـ $16 + x + y$ على 15

التمرين عدد 04: (06ن)

ليكن Δ مستقيما مقترنا بمعين (O,I) حيث $OI = 1,5 \text{ cm}$ و النقاط A و B و C و D التي فاصلاتها على التوالي $\frac{8}{3}$ و $\sqrt{2}$ و $-\sqrt{5}$ و -1

(1) عين النقاط A و B و C و D في المعين (O ;I) . ثم احسب AD

(2) جد فاصلة M منتصف [AD]

(3) جد فاصلة F اذا علمت ان I منتصف [AF]

(4) جد فاصلة النقطة N اذا علمت ان $IN = 6$ و $N \in [OC]$

باصلاح مرصن مراقبه عدد - 2023 - 2024
الاسماء: ملكة اسم صالح 9 اساس

التعريف عدد 2

(1) 777×2^{2023} يقبل القسمة على 2 و 3 اذ ان يقبل القسمة على 6.

(2) $10^{14} \times 3 + 8 - 1 = 10^{14} \times 3 + 7$
 $= 5 \times 2 \times 10^{13} \times 3 + 5 \times 1 + 2$
 $= 5 \times (6 \times 10^{13} + 1) + 2$

اذ ان 4 الرمز الاخير يقبل (8) بعد النفاذ في الكتاب الحشرية
 3 2 1 4 5 4 3 2 1

(3) n عدد صحيح طبيعي مزود اذ ان $x = 2p + 1$ حيث $p \in \mathbb{N}$

اذ ان: $a = 3 \times (2p + 1) + 1 = 6p + 3 + 1 = 6p + 4 = 2(3p + 2)$
 وبالتالي a عدد زوجي

(4) / غير متوازيان (5) $(-1, 2)$

التعريف عدد 2

(1) $a < c < b$ / $a = \frac{13}{11} = 1,18$

$A \cap I = \{-\sqrt{2}, c\}$; $A \cap \mathbb{Z} = \left\{ \frac{6^{100} + 24^{100}}{6}, \sqrt{2} \right\}$

$A \cap \mathbb{P} = \left\{ a, \frac{6^{100} + 24^{100}}{6}, b, \sqrt{2} \right\}$

المقسمة على 6
 على 6
 اذ ان: $\frac{6^{100} + 24^{100}}{6} \in \mathbb{N}$

التعريف عدد 3

$x - 1 = 2a + b - 1 = 2a + b$ (1)

لنا: $2 + a + 1 + b = 3 + b + b = 3 + 3b = 3 \times (1 + b)$

اذ ان يصبح ارقام العدد (x - 1) يقبل القسمة على 3

وبالتالي (x - 1) يقبل القسمة على 3.

(1)

بم العدد $(n-1)$ رقم أحاده $\neq 0$ إذاً $n-1$ يقبل القسمة على 5
 ونعلم أنه يقبل القسمة على 3
 إذاً $n-1$ يقبل القسمة على 15.

ب $n-1$ يقبل القسمة القسمة على 12، إذاً يقبل القسمة
 على 3 و 4 ونعلم أن $n-1$ يقبل القسمة على 3 وبالتالي $n-1$ يقبل القسمة
 على 4. إذاً $n-1$ يقبل القسمة على 4، إذاً العدد 60 يقبل القسمة
 على 4.

شجرة الاختيار

a	b
0	→ 0
2	→ 4
4	→ 8

$a = 2 \cdot b$

$$y = 7 \times 9^{20} + 4 \times 3^{39} = 7 \times (3^2)^{20} + 4 \times 3^{39} = 7 \times 3^{40} + 4 \times 3^{39}$$

$$= 3^{39} \times 3 \times 7 + 4 \times 3^{39} = 3^{39} \times (3 \times 7 + 4) = 3^{39} \times 25 = 3^{39} \times 5 \times 5$$

الجزء $3 \times 5 \times 5$ يقبل القسمة على 3 و 5
 إذاً y يقبل القسمة على 15.

(4) لنا $n-1$ يقبل القسمة على 15 إذاً $n-1 = 15p$, $p \in \mathbb{N}$

~~و y يقبل القسمة على 15 إذاً $y = 15q$, $q \in \mathbb{N}$~~

إذاً: $n = 15p + 1$

و y يقبل القسمة على 15 إذاً $y = 15q$ حيث $q \in \mathbb{N}$.

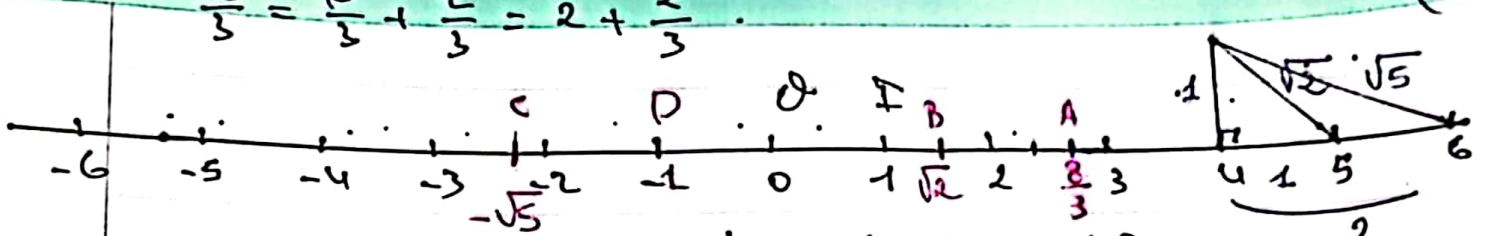
إذاً: $n + y + 16 = 15p + 1 + 15q + 15 \times 1 + 1$
 $= 15 \times (p + q + 1) + 2$

لنا $2 < 15$ و $(p + q + 1) \in \mathbb{N}$
 إذاً 2 باقي القسمة إلا وليد 2 ل $n + y + 16$ على 15.

(2)

التمرين ٥٤

$$\frac{8}{3} = \frac{6}{3} + \frac{2}{3} = 2 + \frac{2}{3} \quad (2)$$



(0, E) من العينة A و D نقطتان من العينة (0, E) اذن:

$$AD = |x_D - x_A| \times 0I = |-1 - \frac{8}{3}| \times \frac{3}{2} = |-\frac{11}{3}| \times \frac{3}{2} = \frac{11}{3} \times \frac{3}{2} = \frac{11}{2}$$

(A, D) عينات M و (0, D) من العينة (0, D) اذن:

$$x_M = \frac{x_A + x_D}{2} = \frac{\frac{8}{3} + (-1)}{2} = \frac{\frac{8}{3} - \frac{3}{3}}{2} = \frac{\frac{5}{3}}{2} = \frac{5}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{5}{6}$$

(A, B) عينات I و (0, D) من العينة (0, D) اذن:

$$x_P = 2x_I - x_A \text{ اذن } x_P + x_A = 2x_I \text{ اذن } x_P = \frac{x_I + x_A}{2}$$

$$x_P = 2 \times 1 - \frac{8}{3} = \frac{6}{3} - \frac{8}{3} = -\frac{2}{3}$$

(1) $|x_N - x_I| \times 0I = 6$ اذن $IN = 6$ و $N \in [0, \infty)$ اذن:

$$|x_N - 1| \times \frac{3}{2} = 6 \text{ اذن } |x_N - 1| \times 1,5 = 6$$

$$|x_N - 1| = \frac{6}{1,5} = 6 \times \frac{2}{3} = 4$$

اذن: $x_N - 1 = -4$ أو $x_N - 1 = 4$ اذن:

$x_N = -4 + 1 = -3$ و $x_N = 4 + 1 = 5$ اذن:

و $N \in [0, \infty)$ اذن $x_N < 0$ و $x_N = -3$ و $x_N = 5$ اذن:

Sahli Belgace (3)