

العنوان 1 : (4 نقاط)

بلي كل سؤال ثالث إجابات إحداها فقط صحيحة
أنقل ، في كل مرة، على ورقة تحريرك رقم السؤال و الإجابة الصحيحة الموافقة له.

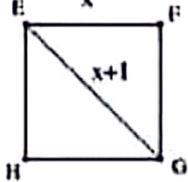
(1) العدد $\frac{1}{3} \sqrt{3}x^2$ يساوي : (أ) 3 (ب) $3\sqrt{3}$ (ج) $\frac{1}{3}$

(2) العدد $\frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}}$ يساوي : (أ) 2 (ب) 3 (ج) 4

(3) مثلث أبعاده x و y و $\sqrt{2}$ حيث x و y عدوان حقيقيان موجبان مخالفان للصرف

إذن : (أ) $\sqrt{2}+x < y$ (ب) $\sqrt{2}+x = y$ (ج) $\sqrt{2}+x > y$

(4) تدل الرسم المقابل حيث $EFGH$ مربع طول ضلعه x و طول قطره $x+1$.
إذن x يساوي : (أ) 1 (ب) $1+\sqrt{2}$ (ج) $-1+\sqrt{2}$



العنوان 2 : (4 نقاط)

نعتبر العددين : $b=3\sqrt{18}-\sqrt{32}+7$ و $a=(\sqrt{3}+2)^2$

(1) أ- بين أن $b=7+5\sqrt{2}$ و $a=7+4\sqrt{3}$

ب- قارن $\sqrt{3}4\sqrt{2}$ و $5\sqrt{2}$ ثم استنتج مقارنة a و b

ج- قارن إذن $\frac{1}{b}+\sqrt{2}+1$ و $\frac{1}{a}$

(2) نعتبر العدد $c=7-4\sqrt{3}$

أ- بين أن العددين a و c متزاييان

ب- استنتاج أن c موجب

ج- احسب $(\sqrt{a})^{2020} \times (\sqrt{c})^{2020}$

(3) ليكن العددين X و Y حيث $X=3-a$ و $Y=c-11$
قارن X و Y

نعتبر العبارتين $B = (x+5)^2 + (2x-1)(x+5)$ و $A = x^2 + 4x - 5$

(1) احسب القيمة العددية للعبارة A في حالة :

أ- $x=1$

ب- $x=\sqrt{2}-2$

(2) بين أن $A=(x+2)^2-9$

(3)

أ- فك إلى جزاء عوامل كل من A و B

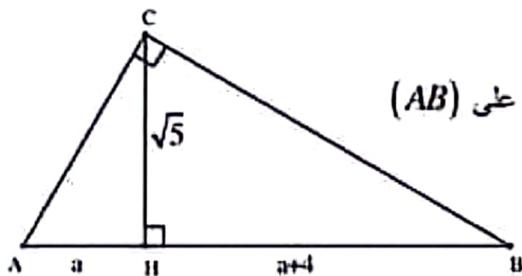
ب- بين أن $A+B=(x+5)(4x+3)$

(4) جد x حيث A و B متقابلان

(5) لاحظ الشكل التالي حيث ABC مثلث قائم في C و H السقط العمودي لـ C على (AB)

$CH=\sqrt{5}$ حيث a عدد حقيقي موجب و $AH=a$

أوجد a



نعتبر مستطيلا $ABCD$ حيث $AB=6cm$ و $AD=4cm$ و M نقطة من $[AB]$ حيث $AM=4cm$ و N متصرف $[BC]$

(1) أ- احسب الأبعاد MN و MD و DN

ب- بين أن المثلث MND قائم الزاوية

(2) لكن H السقط العمودي للنقطة A على المستقيم (MD)

أ- احسب البعد AH

ب- بين أن $(NM) \parallel (AH)$

ج- استنتج أن $AMNH$ متوازي أضلاع

(3) المستقيم (AH) يقطع المستقيم (BC) في النقطة E

أ- بين أن $\frac{MN}{AE} = \frac{1}{3}$

ب- استنتج البعد AE

(4) لكن O متصرف $[AB]$ و F متصرف $[AE]$

أ- بين أن $BO = 3\sqrt{2}$

ب- المستقيم (EF) يقطع (BO) في G . ماذا تمثل النقطة G بالنسبة للمثلث ABE ؟

ج- استنتج البعد BG

(5) بين أن النقطة D و M و N و C تتقى إلى نفس الدائرة. حدد قطرها.

أو :

$\sqrt{2}x$	$x+1$	x
$2+\sqrt{2}$	$\sqrt{2}+2$	$\sqrt{2}+1$
$\sqrt{2}$	2	1
$-\sqrt{2}+2$	$\sqrt{2}$	$-1+\sqrt{2}$

في حالة $x=\sqrt{2}+1$ فإن $x=\sqrt{2}+1$ التعبير عددا

$$* \quad a = (\sqrt{3} + 2)^2 \quad \text{إذن (1)}$$

$$\begin{aligned} &= (\sqrt{3})^2 + 2 \times \sqrt{3} \times 2 + 2^2 \\ &= 3 + 4\sqrt{3} + 4 \\ &= 7 + 4\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} * \quad b &= 3\sqrt{18} - \sqrt{32} + 7 \\ &= 3\sqrt{9 \times 2} - \sqrt{16 \times 2} + 7 \\ &= 3 \times 3\sqrt{2} - 4\sqrt{2} + 7 \\ &= 9\sqrt{2} - 4\sqrt{2} + 7 \\ &= 5\sqrt{2} + 7 \end{aligned}$$

$$(5\sqrt{2})^2 = 50 \quad \text{و } (4\sqrt{3})^2 = 48 \quad \text{إذن (1)}$$

بما أن $50 > 48$ و العددان $4\sqrt{3}$ و $5\sqrt{2}$ موجيان

$$5\sqrt{2} > 4\sqrt{3} \quad \text{فإن}$$

$$7+5\sqrt{2} > 7+4\sqrt{3}$$

$$b > a \quad \text{إذن}$$

ج- لذا $b > a$ و $a > 0$ (مجموع عددين موجيين)

$$b > a > 0 \quad \text{إذن}$$

$$\frac{1}{b} < \frac{1}{a} \quad \text{بالتالي}$$

$$-\frac{1}{b} > -\frac{1}{a} \quad (-1 \text{ عدد سالب})$$

$$-\frac{1}{b} + \sqrt{2} > -\frac{1}{a} + \sqrt{2} \quad \text{و منه}$$

$$\begin{aligned} 3^{-2} \times \sqrt{3}^2 &= 3^{-2} \times 3 \\ &= 3^{-1} = \frac{1}{3} \\ \text{ج (1)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}} &= \\ \frac{1 \times (2-\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3}) \times (2-\sqrt{3})} + \frac{1 \times (2+\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3}) \times (2+\sqrt{3})} &= \\ \frac{2-\sqrt{3} + 2+\sqrt{3}}{2^2 - (\sqrt{3})^2} &= \frac{4}{1} = 4 \end{aligned}$$

ج (2)

في مشكلة تكون قيس كل ضلع مخصوص بين فرق و مجموع المثلثين الآخرين

$$EG = \sqrt{2} \times EF \quad \text{مربع إذن } EFGH$$

$$x+1 = \sqrt{2}x$$

$$x - \sqrt{2}x = -1$$

$$(1 - \sqrt{2})x = -1$$

$$x = \frac{-1}{1 - \sqrt{2}}$$

$$x = \frac{-1 \times (1 + \sqrt{2})}{(1 - \sqrt{2}) \times (1 + \sqrt{2})}$$

$$x = \frac{-1 - \sqrt{2}}{1^2 - \sqrt{2}^2}$$

$$x = \frac{-1 - \sqrt{2}}{-1}$$

$$x = 1 + \sqrt{2}$$

ج (4)

$$(x+2)^2 - 9 = x^2 + 4x + 4 - 9 \quad : 1 \text{ طريقة 1} \quad (2)$$

$$= x^2 + 4x - 5 \\ = A$$

$$A = (x+2)^2 - 9 \quad \text{إذن}$$

$$A = x^2 + 4x - 5 \quad : 2 \text{ طريقة 2}$$

$$= x^2 + 4x + 4 - 4 - 5 \\ = (x+2)^2 - 9$$

$$* \quad A = (x+2)^2 - 9 \quad : 3$$

$$= (x+2)^2 - 3^2 \\ = (x+2+3)(x+2-3) \\ = (x+5)(x-1)$$

$$* \quad B = (x+5)^2 + (2x-1)(x+5)$$

$$= (x+5) \times [(x+5) + (2x-1)] \\ = (x+5)(3x+4)$$

$$A+B = (x+5)(x-1) + (x+5)(3x+4) \quad : 4$$

$$= (x+5) \times [(x-1) + (3x+4)]$$

$$= (x+5)(4x+3)$$

إذن B و A متناظران (4)

$$A+B=0 \quad \text{يعني}$$

$$(x+5)(4x+3)=0 \quad \text{يعني}$$

$$x+5=0 \quad \text{أو} \quad 4x+3=0 \quad \text{يعني}$$

$$x=-5 \quad \text{أو} \quad 4x=-3 \quad \text{يعني}$$

$$x=-5 \quad \text{أو} \quad x=-\frac{3}{4} \quad \text{يعني}$$

لنا ABC مثلث قائم في C ارتفاعه الصادر من (5)

C

$$\text{إذن } CH^2 = AH \times BH$$

$$\text{بالتالي } (\sqrt{5})^2 = a \times (a+4)$$

$$a^2 + 4a = 5 \quad \text{إذن}$$

$$a \times c = (7+4\sqrt{3}) \times (7-4\sqrt{3}) \quad : 1 \quad (2)$$

$$= 7^2 - (4\sqrt{3})^2 \\ = 49 - 48 \\ = 1$$

إذن c و a متناظران

$$a \times c > 0 \quad \text{إذن } a \times c = 1 \quad : 2$$

بما أن $a > 0$ فـان $c > 0$

$$(\sqrt{a})^{2020} \times (\sqrt{c})^{2020} = (\sqrt{a} \times \sqrt{c})^{2020} \quad : 3 \quad (2)$$

$$= (\sqrt{a \times c})^{2020} \\ = (\sqrt{1})^{2020} \\ = 1^{2020} \\ = 1$$

$$Y - X = c - 11 - (3 - a) \quad : 3 \quad (3)$$

$$= c - 11 - 3 + a$$

$$= 7 - 4\sqrt{3} - 14 + 7 + 4\sqrt{3} \\ = 14 - 14 = 0$$

$X = Y$ وبالتالي

التعرين عدد 3

: $x=1$ في حالة 1 (1)

$$A = x^2 + 4x - 5$$

$$= 1^2 + 4 \times 1 - 5$$

$$= 1 + 4 - 5$$

$$= 0$$

في حالة 2 : $x = \sqrt{2} - 2$

$$A = x^2 + 4x - 5$$

$$= (\sqrt{2} - 2)^2 + 4 \times (\sqrt{2} - 2) - 5$$

$$= 2 - 4\sqrt{2} + 4 + 4\sqrt{2} - 8 - 5$$

$$= -7$$

$$a^2 + 4a - 5 = 0 \quad \text{ومنه}$$

$$A=0 \quad a \text{ يحقق المساواة}$$

$$(a+5)(a-1)=0 \quad \text{إذن}$$

$$a+5=0 \quad a-1=0 \quad \text{أو} \quad \text{بالتالي}$$

$$a=-5 \quad a=1 \quad \text{أي أن} \quad \text{أو}$$

$$a=1 \quad a \geq 0 \quad \text{فإن} \quad \text{و بسأن}$$

riadhyet.com
التعريف عدد

١- أ-

حسب حساب

$$BM = AB - AB = 6 - 4 = 2 \quad M \in [AB] \quad *$$

$$BN = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}AD = \frac{1}{2} \times 4 = 2 \quad [BC] \quad *$$

لنا MNB مثلث قائم في B

$$\begin{aligned} MN^2 &= BM^2 + BN^2 \\ &= 2^2 + 2^2 \\ &= 8 \end{aligned}$$

$$\text{إذن } MN = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

حسب حساب

بتطبيق نظرية بيتاغور في المثلث AMD القائم في A :

$$\begin{aligned} MD^2 &= AM^2 + AD^2 \\ &= 4^2 + 4^2 \\ &= 32 \end{aligned}$$

$$\text{إذن } MD = \sqrt{32}$$

حسب حساب

لنا DNC مثلث قائم في C

حسب نظرية بيتاغور :

$$\begin{aligned} DN^2 &= CD^2 + CN^2 \\ &= 6^2 + 2^2 \\ &= 36 + 4 \\ &= 40 \end{aligned}$$

$$\text{إذن } DN = \sqrt{40}$$

١- بـ

$$\left. \begin{array}{l} MN^2 = 8 \\ MD^2 = 32 \\ DN^2 = 40 \end{array} \right\} \quad \left. \begin{array}{l} MN = \sqrt{8} \\ MD = \sqrt{32} \\ DN = \sqrt{40} \end{array} \right\} \quad \text{لـ}$$

بسـأن

$$DN^2 = MD^2 + MN^2$$

حسب عـن نظرية بـيتاغور فـإن المـثلث MND قـائم في M

٢- أ-

لـنا AMD مـثلث قـائم في A و $[AH]$ اـرتفاعـه الصـادر من A

$$AH \times DM = AD \times AM$$

$$\begin{aligned} AH &= \frac{AD \times AM}{DM} \quad \text{بـالتـالي} \\ &= \frac{4 \times 4}{\sqrt{32}} = \frac{16}{4\sqrt{2}} = \frac{4}{\sqrt{2}} \\ &= 2\sqrt{2} \end{aligned}$$

٢- بـ

لـنا

مـثلث MND *

[] (MN) ⊥ (DM) إذن

(MD) المسـقط العمـودـي للـنقـطة A عـلـى الـسـتـقـيم H *

[] (AH) ⊥ (DM) إذن

من [] و [] نـستـنـجـ أن (NM) // (AH)

٣- جـ

في الـربـاعـي $AMNH$ لـنا :

(NM) // (AH) -

$$NM = 2\sqrt{2} -$$

إذن $AMNH$ متـوازـي أـصلـاع

٤- أ-

لـنا ABE مـثلـث و $M \in (AB)$ و $N \in (BE)$ بحيث

(E ∈ (AH) و (NM) // (AH)) (NM) // (AE)

إذن D و M و N تنتسب إلى الدائرة \odot التي قطرها $[DN]$

لذا DNC مثلث قائم في C

إذن D و C و N تنتسب إلى الدائرة التي قطرها $[DN]$ أي إلى الدائرة \odot

نستنتج أن D و M و C و N تنتسب إلى نفس الدائرة التي قطرها $[DN]$

حسب مبرهنة طالون في المثلث : $\frac{BM}{BA} = \frac{BN}{BE} = \frac{MN}{AE}$

$$\frac{MN}{AE} = \frac{BM}{BA} \\ = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

- بـ (3)

$$\text{لذا } \frac{AE}{MN} = 3 \quad \text{إذن } \frac{MN}{AE} = \frac{1}{3}$$

$$AE = 3MN = 3 \times 2\sqrt{2} = 6\sqrt{2} \quad \text{بالتالي}$$

- جـ (4)

لذا ABE مثلث قائم في B ($E \in (BC)$) مستطيل و $(ABCD)$

$$\text{و } O \text{ متصرف وتره } [AE] \quad \text{إذن } OA = OB = OE = \frac{AE}{2}$$

$$BO = \frac{AE}{2} = \frac{6\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2} \quad \text{بالتالي}$$

- دـ (4)

• O متصرف $[AE]$

إذن $[BO]$ هو موسط المثلث ABE الصادر من B

• F متصرف $[AB]$

إذن $[EF]$ هو موسط المثلث ABE الصادر من E

و (OB) و (EF) يتقاطعان في G

إذن G هو مركز ثقل المثلث ABE

- حـ (4)

ثـ G هو مركز ثقل المثلث ABE و $[BO]$ هو موسط المثلث

الصادر من B ABE

$$\begin{aligned} BG &= \frac{2}{3} BO \\ &= \frac{2}{3} \times 3\sqrt{2} = 2\sqrt{2} \end{aligned}$$

لذا MN مثلث قائم في M (5)

