

تمرين عدد 1: (لين)

لكل سؤال إجابة واحدة صحيحة. وضع علامة (✓) في الخطة المناسبة:

1) العمـوـعـة $\frac{84}{180}$ تساوي:

جـ. $\frac{63}{150}$

بـ. $\frac{84}{100}$

دـ. 0

2) العـدـ العـشـرـيـ النـسـبـيـ من ضـمـرـ الأـعـدـادـ النـالـيـةـ: $\frac{84}{180}$ و $\frac{63}{100}$ و $\frac{145}{150}$ هو:

جـ. $\frac{84}{180}$

بـ. $\frac{63}{100}$

دـ. $\frac{145}{150}$

3) متـلـاثـانـ يـحـقـقـانـ الـمـطـبـاتـ النـالـيـةـ $EFG = E\bar{F}\bar{G}$ و $IJK = \bar{I}\bar{J}\bar{K}$ إذـنـ:

أـ. المتـلـاثـانـ EFG و IJK مـنـقـابـسـانـ

بـ. المتـلـاثـانـ EFG و IJK غـيرـ مـنـقـابـسـانـ

جـ. المـعـلـومـاتـ غـيرـ كـافـيـةـ لـمـقـارـنـةـ الـمـتـلـاثـيـنـ

4) إذا كانت x و y و z أـعـدـادـ كـسـرـيـةـ نـسـبـيـةـ حيث $\frac{1}{2} = x - y$ و $\frac{1}{2} = y - z$ فإنـ:

جـ. $x < z$

بـ. $x > z$

دـ. $x = z$

تمرين عدد 2: (5,5)

نـعـتـرـ العـمـوـعـةـ Aـ النـالـيـةـ:

$$A = \left\{ \frac{-105}{35}; \frac{-51}{80}; 0; \frac{-18}{-6}; -|-5|; \frac{17}{45}; -2,0187; -\frac{318}{375} \right\}$$

1) حد عناصر المجموعات النالية:

$$B = \{x \in A / |x| = 3\}; C = \{x \in A / |-x| = -x\}; A \cap \mathbb{N}$$

2) أكتب كل عدد عشري غير صحيح من المجموعة A على صورة $\frac{a}{10^n}$

تمرين عدد 3: (5,5)

لـتـكـنـ الـعـبـارـيـنـ $\frac{x}{a}$ و $\frac{y}{b}$ ـ النـالـيـتـيـنـ حيث a و b عـدـانـ كـسـرـيـانـ نـسـبـيـانـ:



$$E = \frac{3}{4} - \left| \frac{25}{6} - \left(y + \frac{2}{3} \right) - (-x - y) \right| - \left(-\frac{5}{2} - y - x \right)$$

$$F = - \left| -\frac{7}{10} - \left(\frac{7}{5} - x \right) - (x + y) \right| - \left(-x + y + \frac{1}{2} \right)$$

١) بين أن $y + \frac{1}{4} = -\frac{1}{5} + x$ و $E = \frac{y}{5} + x$.

٢) احسب E إذا علمت أن $|y| = \frac{3}{4}$.

٣) أوجد x إذا علمت أن $E+F$ و F متقابلان.

٤) قلن x و y إذا علمت أن $E = F$.

تبرير بخطوات: (٤٦)

نعتبر الرسم التالي حيث (Oz) منصف الزاوية $\angle Oxy$. عين على (Oz) نقطة M حيث $OM=8\text{cm}$.

١) المستقيم المار من M والعمودي على (Ox) يقطع (Ox) في E و يقطع (Oy) في F .

أثبت تفاسيم المثلثين OME و OMF و استنتج أن OEF متناسبان الضلعين.

٢) عين نقطة A على (Ox) و نقطة B على (Oy) بحيث $OA=OB=5\text{cm}$.

أ. أثبت تفاسيم المثلثين OAB و OBF .

ب. استنتج أن $\angle EAF = \angle BAF$.

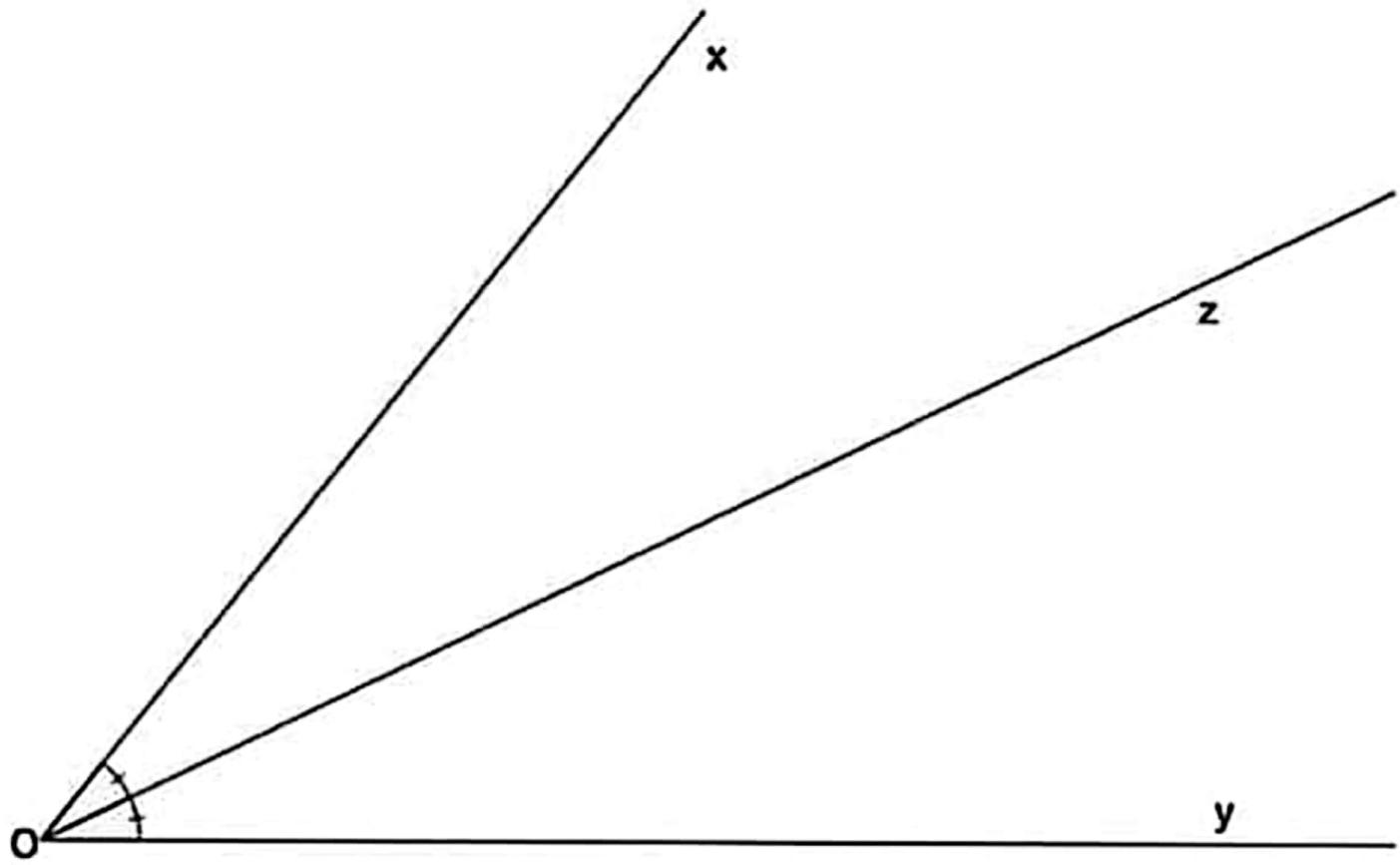
٣) المستقيمان (AF) و (BE) ينقطعان في النقطة I .

أ. أثبت تفاسيم المثلثين IAE و IBF .

ب. استنتاج أن OIA و OIB متقابلان.

ج. أثبت أن O و I و M على استقامة واحدة.





1

أ) مُرْجِعٌ مِنْ أَبْعَدِهِ عَدْدٌ 3
بـ مُوَدِّعَةِ الْمَنْزِلِ الْخَاصِ
أَسَاسِيٌّ

Amel Benali

ترى 1.

$$N = \mathbb{Z}_+ \cap \mathbb{Q} = N \quad (\text{إذن}) \quad (1)$$

($N \subset \mathbb{Q}$)

العدد العشري الأساسي من حيث الأعداد
التابعة

$$\frac{84}{189} = \frac{2^2 \times 3 \times 7}{3^3 \times 7} = \frac{2^2}{3^2}$$

$$84 = 2^2 \times 3 \times 7$$

$$189 = 3^3 \times 7$$

القواسم الأولية المقام هو 3 (إذن)
 $\frac{84}{189}$

ليس مُشرِّف

$$*) \frac{-63}{180} = \frac{-3^2 \times 7}{2^2 \times 3^2 \times 5} = \frac{-7}{2^2 \times 5}$$

(2)

القواسم الأولية للعقام هي 2 و 5

لأن $\frac{63}{180}$ - هو عدد عشر

$$*) -\frac{145}{150} = \frac{-5 \times 29}{2 \times 3 \times 5^2}$$

$$= \frac{-29}{2 \times 3 \times 5}$$

Armel Benali

القواسم الأولية للعقام 2 و 3 و 5 لأن

$\frac{145}{150}$ - ليس عشر

و EFG و IJK مثلثان يتحققان المعطيات الآتية (3)

$$I \hat{K} J = E \hat{G} F \text{ و } I \hat{J} K = E \hat{F} G \text{ و } I J = E F$$



ج) المعلومات غير كافية لمعارفه المطلوب

٤) أعداد كسرية نسبية حيث

$$3 - y = \frac{1}{2} \quad \text{و} \quad x - y = -\frac{1}{2}$$

$$3 > y \quad \text{و} \quad x < y$$

$$x < y < 3 \quad \text{رجلي}$$

١٩

$$x < 3 \quad \text{أدنى}$$

٢٣

$$A = \left\{ -\frac{105}{35}; -\frac{-51}{80}; -\frac{-18}{-6}; -|-5|; \frac{17}{45} \right.$$

$$\left. - 2,0187; -\frac{318}{375}; 0 \right\}$$

$$\therefore A \cap M = \left\{ \frac{-18}{-6} = 3; 0 \right\} \quad ٦$$

$$B = \left\{ x \in A / |x| = 3 \right\} \quad \text{Amel Benali}$$

$$= \left\{ x \in A / \begin{array}{l} x = 3 \\ x = -3 \end{array} \right\}$$

$$B = \left\{ -\frac{105}{35} = -3; \frac{-18}{-6} = 3 \right\}$$

$$C = \left\{ x \in A \mid | -x | = -x \right\} \quad (4)$$

$$= \left\{ x \in A \mid x \leq 0 \right\}$$

Anmel Beweis

$$= \left\{ -\frac{105}{35}; \frac{-51}{80}; 0; -|-5|; -2,0187; -\frac{318}{375} \right\}$$

(2) الأعداد الحقيقة، العبر حقيقة.

$$\begin{aligned} *) -\frac{51}{80} &= \frac{-3 \times 17}{2^4 \times 5} = \frac{-51 \times 5^3}{2^4 \times 5^4} \\ &= \frac{-51 \times 125}{10^4} = \frac{637}{10^4} \end{aligned}$$

$$*) \frac{17}{45} = \frac{17}{3^3 \times 5}$$

عشر عشري $\frac{17}{45}$

$$*) -2,0187 = -\frac{20187}{10^4}$$

$$\begin{aligned} *) -\frac{318}{375} &= -\frac{2 \times 53 \times 3}{5^3 \times 3} = \frac{-106 \times 2^3}{5^3 \times 2^3} \\ &= \frac{-848}{125} \end{aligned}$$

(5)

مُعَوِّض

$$E = \frac{3}{4} - \left[\frac{25}{6} - \left(y + \frac{2}{3} \right) - (-x-y) \right] - \left(-\frac{5}{2} - y - x \right)$$

$$F = - \left[-\frac{7}{10} - \left(\frac{7}{5} - x \right) - (x+y) \right] - \left(-x+y + \frac{1}{2} \right)$$

$$E = \frac{3}{4} - \left[\frac{25}{6} - \left(y + \frac{2}{3} \right) - (-x-y) \right] - \left(-\frac{5}{2} - y - x \right) \quad (G)$$

$$= \frac{3}{4} - \frac{25}{6} + \left(y + \frac{2}{3} \right) + (-x-y) + \frac{5}{2} + y + x$$

$$= \frac{3}{4} - \frac{25}{6} + y + \frac{2}{3} - x - y + \frac{5}{2} + y + x$$

$$= \frac{3}{4} - \frac{25}{6} + \frac{5}{2} + \frac{2}{3} + y$$

Amel Benali

$$= \frac{9}{12} - \frac{50}{12} + \frac{30}{12} + \frac{8}{12} + y$$

$$\therefore = -\frac{3}{12} + y$$

$$E = -\frac{1}{4} + y$$

$$F = - \left[-\frac{7}{10} - \left(\frac{7}{5} - x \right) - (x+y) \right] - \left(-x+y + \frac{1}{2} \right)$$

$$= +\frac{7}{10} + \left(\frac{7}{5} - x \right) + (x+y) + x - y - \frac{1}{2} \quad (6)$$

$$= \frac{7}{10} + \frac{7}{5} - \cancel{x} + \cancel{x} + \cancel{y} + x - y - \frac{1}{2}$$

$$= \frac{7}{10} + \frac{14}{10} - \frac{5}{10} + x$$

$$= \frac{16}{10} + x = \frac{8}{5} + x$$

$$\boxed{F = \frac{8}{5} + x}$$

Amel Bernoulli

$$y = -\frac{3}{4}, \quad \text{or} \quad y = \frac{3}{4} \quad \therefore |y| = \frac{3}{4} \quad (2)$$

$$y = \frac{3}{4} \quad \text{كان}\}$$

$$E = -\frac{1}{4} + y = -\frac{1}{4} + \frac{3}{4}$$

$$\underline{\quad E = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \quad}$$

$$y = -\frac{3}{4} \quad \text{كان}\}$$

$$E = -\frac{1}{4} + y = -\frac{1}{4} + \left(-\frac{3}{4} \right) = -\frac{4}{4} = -1$$

$$\begin{aligned}
 E + F &= -\frac{1}{4} + y + \frac{8}{5} + x \\
 &= -\frac{5}{20} + \frac{32}{20} + x + y \\
 &= \frac{27}{20} + x + y
 \end{aligned}
 \tag{3}$$

(7)

$$E + F + (-x) = 0 \quad \text{معنی: متقابلن } (-x) \text{ و } E + F$$

$$\begin{aligned}
 E + F + (-x) &= \frac{27}{20} + x + (-x) + y \quad \text{معنی} \\
 &= 0 \\
 \frac{27}{20} + y &= 0 \quad \text{معنی}
 \end{aligned}$$

$$\boxed{y = -\frac{27}{20}} \quad \text{لذان}$$

Amal Benal

(4)

$$E - F = 0 \quad \text{معنی } E = F$$

$$-\frac{1}{4} + y - \left(\frac{8}{5} + x\right) = 0 \quad \text{معنی}$$

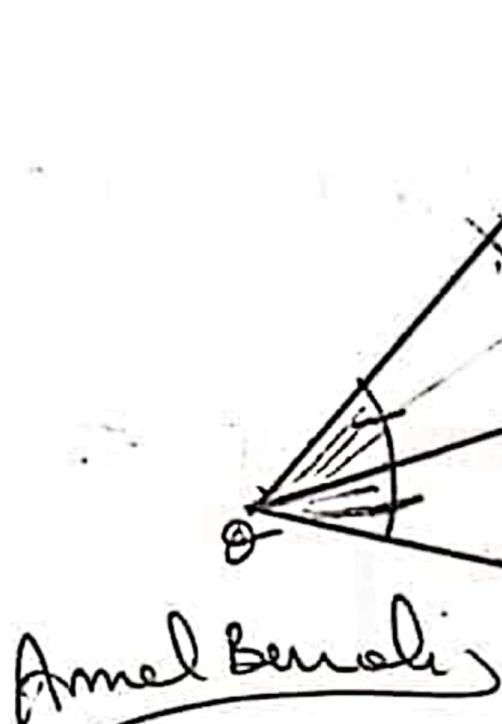
$$-\frac{1}{4} + y - \frac{8}{5} - x = 0 \quad \text{معنی}$$

$$-\frac{37}{20} + y - x = 0 \quad \text{معنی}$$

$$y - x = -\frac{37}{20} < 0 \quad \text{معنی}$$

$\Leftrightarrow x > y$

٩



تسرين ٤

[٥٦] ضلع مشترك

لدينا :

(١)

$$E\hat{O}H = H\hat{O}F \quad (\text{معطى})$$

$$O\hat{H}F = O\hat{H}E \quad (\text{معطى})$$

و (قطع والزاوية تان المجاورتان له)

لأن حسب الحالة الأولى لقياس المثلثات العامة

فإن المثلثان

$M\hat{O}E$ و $M\hat{O}F$ متساويان

لما أن المثلثان $M\hat{O}E$ و $M\hat{O}F$ متساويان فإن

قيمة العناصر الناتجة متساوية ومنه:

$$ME = MF$$

$$OE = OF$$



وبيان $OE = OF$ فإن المثلث EOF

متقارن الصاعين مما

$OA = OB = 5\text{cm}$ حيث $BC \in [OF]$ و $AE \in [OX]$ (عندنا: $OF = OE$ مثل متوازن)

(معطى) $OA = OB$

(زاوية مشتركة) $\hat{A}F = E\hat{O}B$

(ضلعان والزاوية المحصوره بينهما)

Amel
Bender

لذلك حسب الحالة الثانية لتعارض المثلثات العامة

المثلثان OAF و OBE متقارنان

ب) وبما أن المثلثان OAF و OBE متقارنان

بنية العناصر المتطابقة متقارنة يعني:

$$E\hat{B}\theta = F\hat{A}\theta$$

$$EB = AF$$

وبالتالي $E\hat{B}\theta = E\hat{A}\theta$

$$180 - E\hat{B}F = 180 - E\hat{A}F$$

$$180 - 180 = E\hat{B}F - E\hat{A}F$$

وهذا

NP

$$EBF = FAE$$

وبالتالي

I و (BE) بمقابلان في (B)

(F) هي المثلثات IAE و IBF لدينا

$$(OF = OE \text{ و } OB = OA) \Rightarrow BF = AE$$

(BAF و BAE) تقابل المثلثان $\hat{BF} = \hat{AE}$

$$(E\hat{B}F = F\hat{A}E) \Rightarrow \hat{BF} = \hat{AE}$$

لأذن حسب الحالة الأولى لتقابس المثلثات

العامة العثمانية مع المثلثات IAE و IBF متساوية

Annel Benali

(ب) هي المثلثات OIA و OIB لدينا

(BAE و BAF) تقابل المثلثان $OB = OA$

(BAF و BAE) ت مقابل المثلثات $\hat{IBO} = \hat{OAI}$

$\hat{I} = \hat{O} \text{ (معطى)}$

(خلع والزاوיתان العاشرتان)

لأذن المثلثات $\hat{IBO} = \hat{OAI}$ متساويان

حسب الحالة الأولى لتقابس المثلثات

(ج) دоказ المثلثان OIA و OIB متساويان

فإذن بقيمة العنوان التبرير كمتقابس