

التمرين الأول (4 ن)

ألي كل سؤال من أسئلة هذا التمرين ثلاثة إجابات ، إحداها فقط صحيحة.

اكتبه على ورقة تحريرك ، في كل مرة ، رقم السؤال و الإجابة الصحيحة الموافقة له.

(1) ليكن a عدداً صحيحاً نسبياً فإن مقابل العدد $2 - a$ هو ::

$$\begin{array}{l} \text{أ/ } a + 2 \\ \text{ب/ } a - 2 \\ \text{ج/ } -a - 2 \end{array}$$

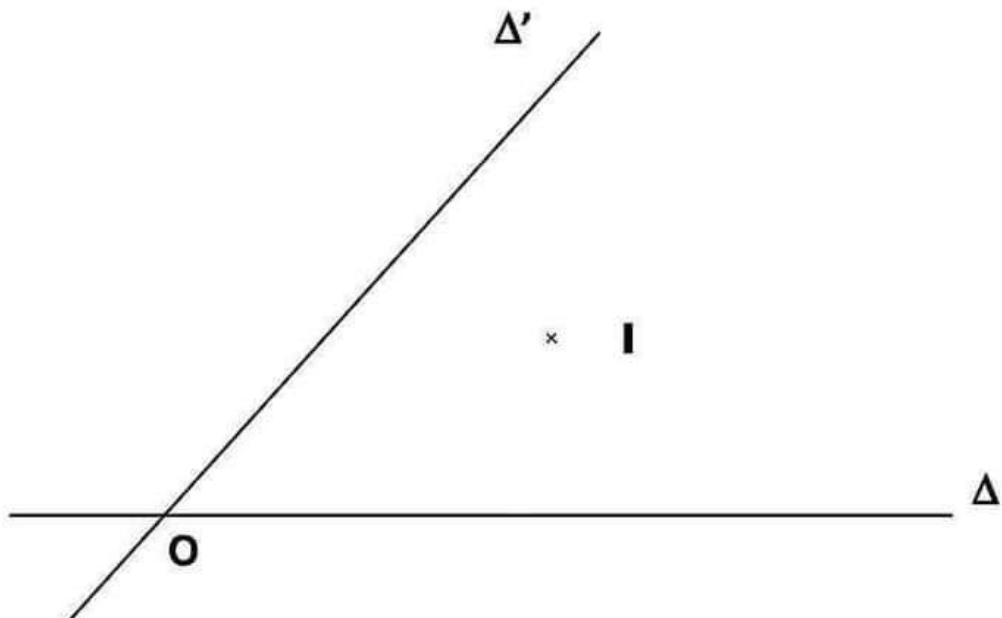
(2) إذا كان باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي a على 8 هو 3 و باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي b على 8 هو 5 فإن باقي القسمة الإقليدية للعدد $a + b$ على 8 هو

$$\begin{array}{l} \text{أ/ } 4 \\ \text{ب/ } 2 \\ \text{ج/ } 0 \end{array}$$

(3) العدد $1234a5b$ حيث a و b رقمان ، يقبل القسمة على 8 و 9 اذا كان

$$\begin{array}{l} \text{أ/ } b = 2 \text{ و } a = 4 \\ \text{ب/ } b = 6 \text{ و } a = 3 \\ \text{ج/ } b = 0 \text{ و } a = 1 \end{array}$$

(III) لدينا في الرسم المصاحب: Δ و Δ' متقطعان في نقطة O .
ابن نقطتين M و N بحيث $M \in \Delta$ و $N \in \Delta'$ و N مناظرة M بالنسبة إلى I .



التمرين الثاني (6 ن)

(1) احسب ما يلي : $-45 + 9 - 24 - (-45) + (-30) + 20 - | -20 |$; $-27 + 45$

(2) جد العدد الصحيح النسبي x في كل حالة من الحالات التالية:

$$\begin{array}{l} \text{أ/ } 31 - x = | -5 | \\ \text{ب/ } -15 + x = | -4 | \\ \text{ج/ } = 12|x| \end{array}$$

(3) نعتبر العبارة : $A = -33 - (7 + a) - [-13 + (a - 7)] + a$ حيث a عدد صحيح نسبي

$\text{أ/ بین أن } A = -20 - a$

$\text{ب/ احسب القيمة العددية للعبارة } A \text{ في الحالتين : أ/ } a = 20 \text{ ب/ } a = -15$

التمرين الثالث (4 ن)

نعتبر المجموعتين: $B = \{|-5| ; -8 ; 0 ; -4\}$ و $A = \left\{ -(-3) ; -4 ; 0 ; -7 ; \frac{12345678}{8} ; \sqrt{25} \right\}$

(1) حدد عناصر المجموعات التالية :

أ/ $B \cap \mathbb{Z}$; $A \cup B$; $A \cap B$; $A \cap \mathbb{Z}_+$

ب/ $F = \{x \in B \mid x < 5\}$; $E = \{x \in A \mid |x| = 4\}$ حيث

(2) أتم بأحد الرموز التالية : \in أو \subseteq أو \subset أو \supseteq

$A \dots \mathbb{Z}$; $B \dots A$; $5 \dots A$; $B \dots \mathbb{Z}_-$; $B \dots \mathbb{Z}_-$; $\frac{2}{8} \dots \mathbb{Z}$

التمرين الرابع (6 ن) (وحدة قيس الطول هي الصم)

(1) أ/ ارسم مثلثا ABC متقايسين الضلعين قمته الرئيسية A حيث $AB=AC=5$ و $\angle BAC = 30^\circ$

ب/ احسب \widehat{ABC}

(2) أ/ ابن النقطة D مناظرة C بالنسبة إلى A

ب/ بين أن المثلث ABD متقايسين الضلعين قمته الرئيسية A

ج/ بين أن المثلث BCD قائم الزاوية في B

(3) لتكن O منتصف [BC]

أ/ ابن المستقيم Δ مناظر (AB) بالنسبة إلى O.

ب/ بين أن C تنتمي إلى Δ

(4) المستقيم Δ يقطع (AO) في E و المستقيم Δ يقطع (BD) في F

أ/ بين أن E مناظرة A بالنسبة إلى O

ب/ احسب \widehat{BCE}

(5) بين أن F مناظرة D بالنسبة إلى B

التمرين الاول (4 ن)

$$2 - a \quad ج /$$

(1) ليكن a عدداً صحيحاً نسبياً فلن مقابل العدد $2 - a$ هو

(2) اذا كان باقي القسمة الإقلية لعدد صحيح طبيعي a على 8 هو 3 و باقي القسمة الإقلية لعدد صحيح طبيعي b

على 8 هو 5 فلن باقي القسمة الإقلية للعدد $a + b$ على 8 هو : ج / 0

(3) العدد $1234a5b$ حيث a و b رقمان ، يقبل القسمة على 8 و 9 اذا كان : ج / 1 = a و 2 = b

II / لدينا في الرسم المصاحب: Δ و Δ' متقطعان في نقطة O .
ابن النقطتين M و N $M \in \Delta$ و $N \in \Delta'$ و مناظرة M بالنسبة إلى I.

/* بناء النقطة N

لنا M تنتمي إلى Δ و N مناظرة M بالنسبة إلى I

فإن N تنتمي إلى نقاطع المستقيمين :

مناظر Δ بالنسبة إلى I و المستقيم Δ' (هما متقطعان في نقطة واحدة

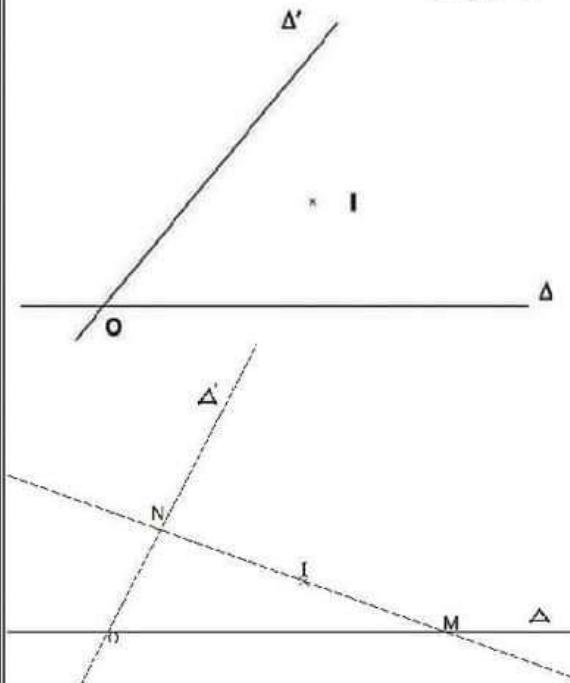
لان أحدهما مواز لـ Δ و الآخر قاطع له)

و بالتالي

N هي نقطة تقاطع المستقيمين : مناظر Δ بالنسبة إلى I و المستقيم Δ'

** / بناء النقطة M

يكفي بناء المستقيم (NI) الذي يقطع Δ في M



التمرين الثاني (6 ن)

(1) احسب ما يلي : $-45 + 9 - 24 - (-45) + (-30)$ ، $20 - 17 - |-20|$; $-27 + 45$

$$20 - 17 - |-20| = 20 - 17 - 20 = -17 \quad ** \quad -27 + 45 = 18 \quad /*$$

$$-45 + 9 - 24 - (-45) + (-30) = -45 + 45 + 9 - 24 - 30 = 0 + 9 - 54 = -46 \quad ***$$

جد العدد الصحيح النسبي x في كل حالة من الحالات التالية (2)

$$31 - x = |-5| \quad -15 + x = -4 \quad ب / 4 \quad |x| = 12 \quad /$$

$$x = -12 \quad او \quad x = 12 \quad |x| = 12 \quad /$$

$$B / 11 \quad يعني x = -4 + 15 \quad -15 + x = -4$$

$$x = 26 \quad ج / 5 \quad يعني 31 - 5 - x = 0 \quad 31 - x = 5 \quad يعني 31 - x = |-5| \quad يعني 0$$

$$A = -33 - (7 + a) - [-13 + (a - 7)] + a \quad حيث a عدد صحيح نسبي (3)$$

$$A = -20 - a \quad /$$

$$A = -33 - (7 + a) - [-13 + (a - 7)] + a = -33 - 7 - a - [-13 + a - 7] + a$$

$$= -33 - 7 - a + 13 - a + 7 + a = -33 + 13 - a = -20 - a$$

$$A = -20 - a$$

ب) احسب القيمة العددية للعبارة A في الحالتين : أ/ $a = -15$ ب/ $a = 20$

$$A = -40$$

$$A = -20 - 20 = -40 \text{ لـ} A = -20 - a \text{ لـ} a = 20 \text{ /}$$

$$A = -5$$

$$A = -20 - (-15) = -20 + 15 \text{ و منه } A = -20 - a \text{ لـ} a = -15 \text{ /}$$

التمرين الثالث (4 ن)

نعتبر المجموعتين : $B = \{|-5|; -8; 0; -4\}$ و $A = \{-(-3); -4; 0; -7; \frac{12345678}{8}; \sqrt{25}\}$

(1) حدد عناصر المجموعات التالية :

$$B \cap \mathbb{Z}; A \cup B; A \cap B; A \cap \mathbb{Z}_+$$

$$A \cap B = \{5; 0; -4\} / ** \quad A \cap \mathbb{Z}_+ = \{-(-3); 0; \sqrt{25}\}$$

$$B \cap \mathbb{Z} = B / *** \quad A \cup B = \{-(-3); -4; 0; -7; \frac{12345678}{8}; \sqrt{25}; -8\} / ***$$

$$F = \{x \in B \text{ حيث } |x| < 5\}; E = \{x \in A \text{ حيث } |x| = 4\} /$$

$$F = \{0; -4\} / ** \quad E = \{-4\}$$

(2) أتمم باحد الرموز التالية : او \subseteq او \subset او $\not\subseteq$ او \in او \notin :

$$A \not\subseteq \mathbb{Z}; B \not\subseteq A; 5 \in A; B \not\subseteq \mathbb{Z}_-; \frac{2}{8} \dots \mathbb{Z};$$

$$\frac{2}{8} \notin \mathbb{Z}$$

التمرين الرابع (6ن) (وحدة قيس الطول هي الصم)

(1) ارسم مثلث ABC متقارن الضلعين قمته الرئيسية A

$$\widehat{BAC} = 30^\circ \text{ و } AB = AC = 5 \text{ حيث }$$

ب) احسب \widehat{ABC}

لنا ABC مثلث متقارن الضلعين قمته الرئيسية A حيث $\widehat{BAC} = 30^\circ$

$$\widehat{ABC} = \widehat{ACB} = \frac{180^\circ - \widehat{BAC}}{2} = \frac{180^\circ - 30^\circ}{2} = 75^\circ$$

$$\widehat{ABC} = 75^\circ$$

(2) ابين النقطة D مناظرة C بالنسبة إلى A

ب) بين أن المثلث ABD متقارن الضلعين قمته الرئيسية A

لنا D مناظرة C بالنسبة إلى A يعني A منتصف [CD]

$$AB = AC = 5 \text{ و لـ } AD = AC = 5 \text{ ومنه}$$

$$AB = AD = 5 \text{ إذا}$$

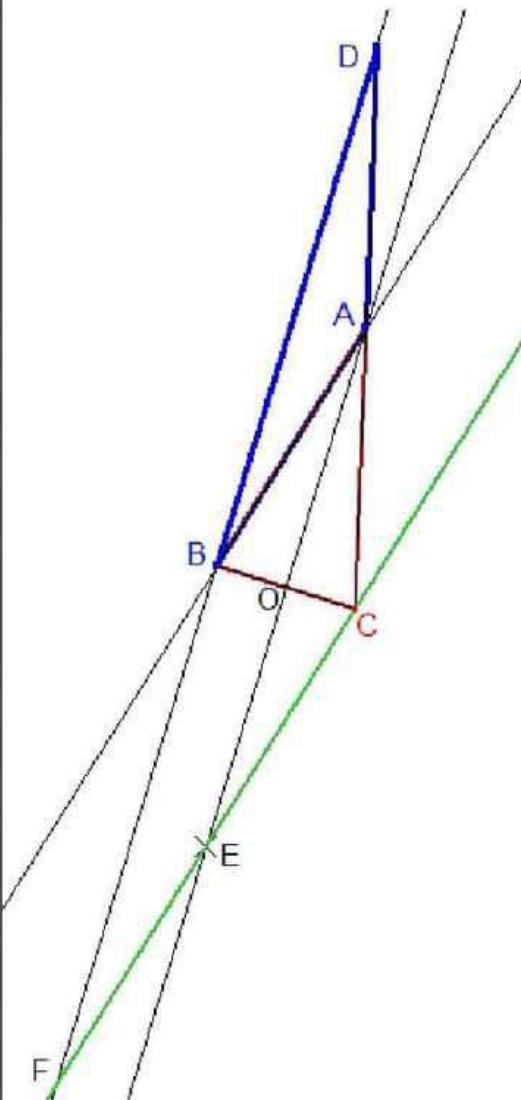
و بالتالي المثلث ABD متقارن الضلعين قمته الرئيسية A

ج) بين أن المثلث BCD قائم الزاوية في B

لنا ABD مثلث متقارن الضلعين قمته الرئيسية A

$$\widehat{BAD} = 180^\circ - \widehat{BAC} = 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ \text{ حيث }$$

$$\widehat{ABD} = \widehat{ADB} = \frac{180^\circ - \widehat{BAD}}{2} = \frac{180^\circ - 150^\circ}{2} = 15^\circ \text{ ومنه}$$



و بالتالي $\angle CBD = \angle ABD + \angle ABC = 75^\circ - 15^\circ = 90^\circ$ إذا المثلث BCD قائم الزاوية في B

[3] لتكن O منتصف $[BC]$

أ) بين المستقيم Δ مناظر (AB) بالنسبة إلى O .
ب) بين أن C تتنمي إلى Δ .

لنا O مننصف $[BC]$ يعني C مناظرة B بالنسبة إلى O و بما أن B تتنمي إلى المستقيم (AB) فإن C مناظرة B بالنسبة

إلى O تتنمي إلى مناظر (AB) بالنسبة إلى O و الذي هو Δ أي $C \in \Delta$

[4] المستقيم Δ يقطع (AO) في E و يقطع (BD) في F

أ) بين أن E مناظرة A بالنسبة إلى O

لنا Δ مناظر (AB) بالنسبة إلى O و بما أن A تتنمي إلى المستقيم (AB)

فإن مناظرة A بالنسبة إلى O تتنمي إلى تقاطع Δ و (AO) وهي E إذا E مناظرة A بالنسبة إلى O

ب) احسب \widehat{BCE}

لنا B و C و E مناظرات C و A على التوالي بالنسبة إلى O ومنه مناظرة الزاوية $[BA ; BC]$ بالنسبة إلى O هي

الزاوية $[CB ; CE]$ و التناظر المركزي يحافظ على أقيمة الزوايا فإن $75^\circ = \widehat{ABC} = \widehat{BCE}$

[5] بين أن F مناظرة D بالنسبة إلى B

لنا C و E مناظرات B و A على التوالي بالنسبة إلى O و منه $AB = EC$ لأن التناظر المركزي يحافظ على البعد

و $OA = OE$ و بالتالي $AC = EC$ ولنا $AB = AC$ و منه (OC) الموسط

العمودي لـ $[AE]$ و منه Δ مناظر (AC) بالنسبة إلى (OC) و بما أن D تتنمي إلى المستقيم (AC)

فإن مناظرة D بالنسبة إلى (OC) تتنمي إلى تقاطع Δ و (BD) و (BD) مناظر نفسه بالنسبة إلى (OC)

و هي F إذا F مناظرة D بالنسبة إلى (OC) و $B \in (OC)$ و منه

و النقاط D و B و F على استقامة واحدة يعني F مناظرة D بالنسبة إلى B